

مسألة 5 :

[إذا رمزنا على وحدات الكيل التالية] : الصفحة = s ، المُدّ الفاسي = m ،
 (1) كم مُدّ من الأمداد الحفصية في 3000 صحيفة فاسية ؟

$$[\text{بما أن : } s = \frac{80}{120} m]$$

$$3000s \times \frac{80}{120} = 2000m$$

(2) كم تساوي x أمداد حفصية بالصحفة الفاسية ؟

$$x \cdot m = \left(x + \frac{x}{2}\right) s = \frac{3x}{2} s = \frac{120x}{80} s$$

مسألة 3 :

$$\text{رطل سعره } 1d + \frac{3}{8}d$$

$$1d + \frac{3d}{8} = \frac{11}{8}d$$

$$\text{ولنا : } 7d + \frac{d}{2} = \frac{60}{8}d$$

$$\frac{60}{11} = 5 + \frac{5}{11} \rightarrow 5 + \frac{5}{11} : \text{ فعدد الأبطال}$$

$$\text{وبما أن : رطل} = 16 \text{ أواقي} \Leftarrow \frac{5}{11} \text{ رطل} = \frac{80}{11} \text{ أواقي} = 7 \text{ أواقي} + \frac{3}{11} \text{ أوقية}$$

$$\cong 7 \text{ أواقي} + \frac{1}{4} \text{ أوقية.}$$

$$\text{النتيجة : 5 أرطال} + 7 \text{ أواقي} + \frac{1}{4} \text{ أوقية.}$$

مسألة 4 :

مصباح يحرق، في كل ليلة، $(1 + \frac{1}{2})$ أواقي من الزيت.

كم تحرق 150 مصباحاً خلال شهر؟

[إذا رمزنا على وحدات الكيل التالية] : قنطار = q ، رطل = l ، أوقية = u ،

$$150 \times (1 + \frac{1}{2}) = 225$$

كمية الزيت المحروقة : $255 \times 30 = 6750u$

[وبما أن : 1 رطل = 24 أواقي و 1 قنطار = 100 رطلاً،

فكمية الزيت المحروقة خلال شهر هي :

$$\frac{6750}{24} = 281 + \frac{6}{24}$$

$$2q + \frac{1}{10}q + \frac{1}{10} \times \frac{1}{10}q + \frac{1}{4} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10}q = 281l + 6u = 2q + 81l + 6u$$

طريقة ثانية

$$b \cong \frac{c}{4}$$

$$a_1 \cong \frac{c_1}{4} = 15d + \frac{d}{2} ; a_2 \cong \frac{c_2}{4} = 2D + \frac{d}{4} ; a_3 \cong \frac{c_3}{4} : \text{لدينا إذاً :}$$

$$= 2D + 3d$$

$$a_1 + a_2 + a_3 = b - 13d : \text{لكن}$$

$$\text{نزيد، لكل } a_i \text{، } \frac{d}{2} \text{ لكل دينار.}$$

فيكون لدينا :

$$a'_1 = a_1 + 3d = 18d + \frac{d}{2} ; a'_2 = a_2 + 4d = 24d + \frac{d}{4} ; a'_3 = a_3 +$$

$$(5d - \frac{d}{4}) = 28d$$

$$a'_1 + a'_2 + a'_3 = b - (d + \frac{d}{4}) : \text{لكن}$$

فددينا إذاً :

$$a''_1 = a'_1 + \frac{d}{4} = 18d + 3\frac{d}{4} ; a''_2 = a'_2 + \frac{d}{2} = 24d + 3\frac{d}{4} ; a''_3 =$$

$$a'_3 + \frac{d}{2} = 28d + \frac{d}{2}$$

مسألة 2 :

أوقية سعرها $(\frac{1}{2} + \frac{1}{8})d$ ، ما سعر قنطار ؟

$$16(\frac{1}{2} + \frac{1}{8})d = 10d : \text{سعر الرطل}$$

$$10d \times 100 = 10D : \text{سعر القنطار}$$

$$\text{ومنه النتيجة : } 283 + \frac{8}{10} + 3 \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10}$$

والتحقق من صحة العملية يكون بضرب النتيجة في المقسوم عليه. فإذا كان الحاصل أصغر أو أكبر من المقسوم، تُقسم الفضة على المقسوم ويُراد أو يُنقص الحاصل من نتيجة القسمة الأولى.

مسائل المعاملات

$$[D = 10d, \text{ دينار} = D, \text{ درهم} = d]$$

مسألة 1 :

إذا كان لدينا 3 أرصدة c_1, c_2, c_3 بحيث : $c_1 = 6D + 2d, c_2 = 8D + 1d, c_3 = 9D + 3d$

وأردنا أن نقسم $b = 7D + 2d$ حسب تناسب الأرصدة،

[طريقة أولى]

$$C = : c_1 + c_2 + c_3 = 23D + 6d$$

$$b \cong \frac{c}{3}$$

$$a_1 \cong \frac{c_1}{3} = 2D + \frac{d}{2} ; a_2 \cong \frac{c_2}{3} = 2D + 7d ; a_3 \cong \frac{c_3}{3} = 3D + 1d$$

$$a_1 + a_2 + a_3 = 7D + 8d + \frac{d}{2} = b + 6d + \frac{d}{2}$$

نطرح من a_1, a_2, a_3 ، على التوالي : $\frac{d}{4}$ لكل دينار

ومنه النتيجة النهائية :

$$a'_1 = 19d - \frac{d}{4} ; a'_2 = 25d - \frac{d}{4} ; a'_3 = 28d + \frac{d}{2}$$

مثال :

36048 مقسوم على 127

نضعهما هكذا :

36048

172

ثم نبحث عن أكبر عدد، n ، حتى يكون : $nx127 < 3600$ $\Rightarrow n = 2$

$$200 \times 100 \rightarrow 20.000$$

$$30.000 - 20.000 = 10.000 \rightarrow 10$$

$$200 \times 20 = 4.000$$

$$6.000 - 4.000 = 2.000$$

$$200 \times 7 = 1.400$$

$$2.000 - 1400 = 600$$

الباقي : 10.648

ثم نبحث عن n بحيث :

$$nx127 < 10.600 \rightarrow 80$$

$$10648 - 10160 = 488$$

ثم نبحث عن n بحيث :

$$nx127 < 488 \rightarrow 3$$

يبقى : 107

$$\boxed{283 + \frac{107}{127}}$$
 النتيجة :

تحويل الباقي [الى كسور منطقة]

$$107 \times 10 = 1070$$

$$\frac{1070}{127} \cdot \frac{1}{10} = \left(8 + \frac{54}{127}\right) \frac{1}{10} \rightarrow \frac{1}{10}$$

$$\frac{54}{127} \times 8 = \frac{431}{127} = \left(\frac{3}{8} + \frac{51}{127}\right) \frac{1}{10} \rightarrow \boxed{\frac{3}{8} \cdot \frac{1}{10}}$$

نوقف هذا التحويل الى هذا الحد، ثم نأخذ قيمة تقريبية :

$$\left(\frac{51}{127} \times 3\right) \frac{1}{3} = \frac{153}{127} \cdot \frac{1}{3} = \left(1 + \frac{30}{127}\right) \cdot \frac{1}{3} \rightarrow \boxed{\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10}}$$

$$\left[\frac{30}{127} : \text{الباقي}\right]$$

ضرب الكسور

مثال : $(5 + \frac{3}{8})(7 + \frac{4}{5} + \frac{1}{3} + \frac{1}{5})$

نضعهما على خطين، هكذا :

$$5 + \frac{3}{8}$$

$$7 + \frac{4}{5} + \frac{1}{3} + \frac{1}{5}$$

$$5 \times 7 = \boxed{35}$$

$$5 \times \frac{4}{5} = \frac{20}{5} = \boxed{4}$$

$$5 \times \frac{1}{3} + \frac{1}{5} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{3}{8} \times 7 = \frac{21}{8} = 2 + \frac{5}{8}$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{4}{5} \rightarrow 3 \times 4 = 12 \rightarrow \frac{12}{5} \times \frac{1}{8} \rightarrow \frac{2}{8} + \frac{2}{5} + \frac{1}{8}$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{1}{3} + \frac{1}{5} \rightarrow 3 \times 1 = 3 \rightarrow \frac{3}{3} \times \frac{1}{5} + \frac{1}{8} \rightarrow \frac{1}{5} + \frac{1}{8}$$

النتيجة : $42 + \frac{2}{8} + \frac{1}{5} + \frac{1}{8} + \frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \frac{1}{8}$

ونتأكد من صحة العملية بتكرارها.

باب القسمة

تتطلب القسمة بحروف الزمام حدساً قوياً في البحث عن النتيجة
نتيجة قسمة m على n هي q حتى يكون : $m = n.q$

• إذا كان $m > n$ هي "قسمة"

• إذا كان $m < n$ هي "تسمية"

مثال : 6325×216280

نكتب العددين هكذا :

6325

216280

ونكتب العمليات الجزئية هكذا :

$$5 \times 8 = 40 \rightarrow 40 \text{ dizaines} \rightarrow \boxed{400}$$

$$5 \times 2 = 10 \rightarrow 10 \text{ centaines} \rightarrow \boxed{1000}$$

$$5 \times 6 = 30 \rightarrow \boxed{30.000}$$

$$5 \times 1 = 5 \rightarrow 50 \rightarrow \boxed{50.000}$$

$$5 \times 2 = 10 \rightarrow 10 \text{ centaines} = 1000 \rightarrow \boxed{1000.000}$$

$$2 \times 8 = 16 \rightarrow 16 \times 100 = \boxed{1.600}$$

$$2 \times 2 = 4 \rightarrow 20 \times 200 = \boxed{4.000}$$

$$2 \times 6 = 12 \rightarrow 12 \times 10 = 120 \rightarrow \boxed{120.000}$$

$$2 \times 1 = 2 \rightarrow 200 \rightarrow \boxed{200.000}$$

$$2 \times 4 = 4 \rightarrow 4.000 \rightarrow \boxed{4.000.000}$$

$$3 \times 8 = 24 \rightarrow \boxed{24.000}$$

$$3 \times 2 = 6 \rightarrow \boxed{60.000}$$

$$3 \times 6 = 18 \rightarrow 1800 \rightarrow \boxed{1.800.000}$$

$$3 \times 1 = 3 \rightarrow 3.000 \rightarrow \boxed{3.000.000}$$

$$3 \times 2 = 6 \rightarrow \boxed{60.000.000}$$

$$6 \times 8 = 48 \rightarrow 480 \rightarrow \boxed{480.000}$$

$$6 \times 2 = 12 \rightarrow 1200 \rightarrow \boxed{1.200.000}$$

$$6 \times 6 = 36 \rightarrow \boxed{36.000.000}$$

$$6 \times 1 = 6 \rightarrow 60 \rightarrow \boxed{60.000.000}$$

$$6 \times 2 = 12 \rightarrow 1200 \rightarrow \boxed{1.200.000.000}$$

ثم نجمع النتائج الجزئية [بمراعاة المراتب]، الواحدة فوق الأخرى.

فتكون النتيجة النهائية : 1.367.971.000

مثال 3 :

$$(13 + \frac{3}{8}) - (5 + \frac{5}{8})$$

$$\rightarrow \frac{5}{8} + \frac{6}{8} = 1 + \frac{3}{8} \rightarrow \boxed{\frac{6}{8}}$$

$$5+1 = 6 , 6+7 = 13 \rightarrow \boxed{7}$$

النتيجة : $\boxed{7 + \frac{6}{8}}$

طرح الكسور

1. نقوم بتصريف الكسور، كما في عملية الجمع.
 2. بعد التصريف، نعمل كما في طرح الأعداد الطبيعية.
- وللتأكد من صحة $A-B = C$ ، نحسب $B+C$ ويجب ان نحصل على A .

فصل الضرب

قاعدتان :

1. في ضرب A في B : إذا كانت رتبة $n = A$ ورتبة $m = B$ \Leftarrow رتبة $n+m = A+B$.
2. إذا وُجدت تكرارات في الرُتب [بعد الألاف]، نحسب الجداءات بغضّ النظر عن التكرارات، ثم نضيف التكرارات الى النتيجة.

فيحصل إذاً :

$$B = 1 + \frac{2}{10} + \frac{5}{8} \cdot \frac{1}{10} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10}$$

$$A+B = 3 + \frac{8}{10} + \frac{3}{8} \cdot \frac{1}{10} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10}$$

ونتأكد من صحة العملية بتكرارها.

فصل عملية الطرح

[قاعدة 1] :

$$A - B = (A + n) - (B + n) = (A - n) - (B + n), \forall n \in \mathbb{N}$$

[مثالان] :

$$14 - 8 = 6 = (14+2) - (8+2) = 16 - 10$$

$$47 - 22 = (47-2) - (22-2) = 45 - 20$$

[قاعدة 2] :

نبحث عن عدد، إذا زيد إلى عدد مطروح أعطى العدد المطروح منه

مثال 1 :

$$96 - 85$$

$$\rightarrow 5 + 1 = 6 \Rightarrow 6 - 5 = \boxed{1}$$

$$\rightarrow 80 + 10 = 90 \Rightarrow 90 - 80 = \boxed{10}$$

$$\rightarrow 96 - 85 = \boxed{11}$$

مثال 2 :

$$143 - 85$$

$$\rightarrow 5 + 8 = 3 + 10 \rightarrow \boxed{8}$$

$$80 + 10 = 90$$

$$\rightarrow 90 + 50 = 140 \rightarrow \boxed{50}$$

الباقي : $\boxed{58}$

2. كسور متصلة مع مقامات مختلفة

$$\text{مثال : } \left(\frac{6}{10} + \frac{3}{8} \cdot \frac{1}{10}\right) + \left(\frac{5}{6} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{6}\right)$$

تحويل $\frac{5}{6} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{6}$ الى عُشر كما يلي :

$$\left(\frac{5}{6} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{6}\right) \cdot 10 = 9 + \frac{1}{6}$$

$$\rightarrow \left(9 + \frac{1}{6}\right) \frac{1}{10} = \frac{9}{10} + \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{10}$$

$$\left(\frac{1}{6}\right) 8 = \frac{8}{10} = \left(1 + \frac{1}{3}\right)$$

$$\left(1 + \frac{1}{3}\right) \frac{1}{8} = \frac{1}{8} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8}$$

$$\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{10} = \frac{1}{8} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8}$$

$$\frac{5}{6} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{6} = \frac{9}{10} + \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10}$$

$$\text{النتيجة : } 1 + \frac{5}{10} + \frac{4}{8} \cdot \frac{1}{10} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} \cdot \frac{1}{10}$$

3. كسور مختلطة (منفصلة ومتصلة)

نُرجع كلها إلى نوع واحد من الكسور.

مثال :

$$A = \left(2 + \frac{5}{10} + \frac{6}{8} \cdot \frac{1}{10}\right) , B = \left(\frac{3}{6} + \frac{2}{3}\right)$$

$$\frac{3}{5} = \frac{6}{10}$$

$$\frac{2}{3} = \left(\frac{2}{3} \cdot 10\right) \frac{1}{10} = \left(6 + \frac{2}{3}\right) \frac{1}{10} = \frac{6}{10} + \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{10}$$

$$\left(\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{10}\right) 8 \cdot \frac{1}{8} = \left(\frac{16}{3} \cdot \frac{1}{10}\right) \frac{1}{8} = \left(5 + \frac{1}{3}\right) \cdot \frac{1}{10} = \left(\frac{5}{8} + \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8}\right) \frac{1}{10}$$

النتيجة: 1070760

ملاحظات:

- 1- لا يوجد مفهوم الصفر ولا حتى رمز يدل على مكان خال.
2- لا يُشار إلى غياب الأحاد.

[جمع الكسور]:

1. كسور مُتصلة مع مقامات مختلفة
2.

$$\text{مثال: } (3 + \frac{5}{8} + \frac{3}{5} \cdot \frac{1}{8}) + (2 + \frac{6}{8} + \frac{4}{5} \cdot \frac{1}{8})$$

$$(\frac{3}{5} + \frac{4}{5}) \cdot \frac{1}{8} = \frac{7}{5} \cdot \frac{1}{8} = \frac{1}{8} + \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{8}$$

$$\rightarrow \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{8}$$

$$\rightarrow \frac{1}{8} + (\frac{5}{8} + \frac{6}{8}) = \frac{12}{8} = 1 + \frac{4}{8}$$

$$\rightarrow \frac{4}{8}$$

$$\rightarrow \frac{4}{8} + \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{8}$$

$$\rightarrow 1 + (3+2) = 6 \rightarrow 6$$

$$\text{النتيجة: } 6 + \frac{4}{8} + \frac{2}{5} \cdot \frac{1}{8}$$

الكتابة العصرية لمحتوى "كتاب الاقتضاب" لابن البنا

فصل 1: أسماء رُتب الأعداد وكتابة الأرقام والكسور الرومية

- الرتبة الأولى : 9 للأحاد، الرتبة الثانية : 9 للعشرات، الرتبة الثالثة : 9 للمئات.
- آلاف المراتب الثلاث الأولى مُعَيَّر عنها بالحروف السبعة والعشرين بزيادة شرطة صغيرة تحت كل حرف. وهكذا تُزاد الشرطات حسب مراتب الآلاف اللاحقة.
- يُعَيَّر على الكسور بكتابة المقام والإمام وبينهم شرطة تُسمّى "الكرسي".
- الحرفيون يستعملون رموزاً مختلفة للتعبير على النصف والتلث والربع والتثني،
- الحرفيون يستعملون نوعين من الكسور: متّصلة ومنفصلة. الكسور المتصلة تُكتب من اليسار إلى اليمين، ابتداءً بالكسر الذي مقامه أكبر، ثم يتبعه، لكن تحته بقليل ومنقول شيئاً ما، الكسر الذي مقامه أصغر من الأول، وهلمّ جرّ.
- الكسور المنفصلة تُكتب الواحد فوق الآخر.

فصل 2 : الجمع

$$\text{مثال 1 : } 385 + 894 = 1279$$

$$4+5 = 9$$

$$9+8 = 17 \rightarrow 179 \rightarrow (70)(9)$$

$$1+8+3 = 12 \rightarrow (1000)(200)$$

النتيجة :

$$(100)(200)(70)(9) \rightarrow \boxed{1279}$$

$$\text{مثال 2 : } 990080 + 80060 + 620$$

الوحدات : لا شيء

$$\text{العشرات : } 8 + 6 + 2 = 16 \rightarrow 160 \rightarrow 60$$

$$\text{المئات : } 6 \rightarrow 1 + 6 = 7 \rightarrow 700$$

الآلاف : لا شيء

$$\text{عشرات الآلاف : } 9 + 8 = 17 \rightarrow 170.000$$

$$\text{مئات الآلاف : } 9 + 1 = 10 \rightarrow 1000.000$$

كان، على أي هذه الوجوه استعملت، فهو ما في تلك الصِّحَاف من الأمداد، وهو في هذا المثال⁴²⁸ ألفان⁴²⁹.

وإن أردت أن تعلم ما في الأمداد الحفصية من الصِّحَاف الفاسية، فاحمل على عدد الأمداد مثل نصفه⁴³⁰، أو اضرب عدد الأمداد في ثلاثة وأقسم على اثنين، أو اضرب في مائة وعشرين وأقسم على ثمانين. فما كان، على أي هذه الوجوه استعملت⁴³¹، فهو⁴³² ما في تلك الأمداد من الصِّحَاف الفاسية.

فافهم وقس على ما ذكرت لك جميع ما شبهه⁴³³.

وبالله التوفيق وهو حسبي ونعم الوكيل⁴³⁴.

تم⁴³⁵ كتاب الاقتضاب من العمل بالرومي في الحساب⁴³⁶، والحمد لله رب العالمين والصلاة على سيدنا ومولانا محمد، خاتم النبيين، وعلى آله الطيبين الطاهرين وسلم تسليمًا إلى يوم الدين⁴³⁷، في يوم الجمعة، ثالث شوال، عام ثمانية وتسعمائة.

425 - أمداد. R: الكلمة مطموسة.

426 - لتصير أمداد حفصية. M: الجملة ناقصة.

427 - الخارج. R: ناقصة.

428 - أو تضرب في اثنين وتقسّم ... وهو في هذا المثال. M: يخرج لك ما فيها من الامداد وهو في هذا المثال ألف مدى. وإن شئت قلت الصفحة ثلث المدى من عدد الصحاف ثلثيه يكون ذلك أمدادا.

429 - ألفان. R: الكلمة مطموسة جزئياً / M: الكلمة ناقصة.

430 - نصفه. R: الكلمة مطموسة جزئياً.

431 - أو اضرب عدد الأمداد ... هذه الوجوه استعملت. M: الجملة ناقصة ناقصة.

432 - فهو. M: يكون.

433 - فأهم وقس ... ما شبهه. M: وهذا القدر كاف في المثل التي يقاس عليها ما شبهها بحول

الله تعالى.

434 - وبالله التوفيق وهو حسبي ونعم الوكيل. M: الجملة ناقصة.

435 - تم. M: كمل.

436 - من العمل بالرومي في الحساب. R: الجملة ناقصة / M: في العمل بالرومي والحساب.

437 - والحمد لله رب العالمين والصلاة على سيدنا ومولانا محمد، خاتم النبيين، وعلى آله الطيبين الطاهرين وسلم تسليمًا إلى يوم الدين، في يوم الجمعة، ثالث شوال، عام ثمانية وتسعمائة. M: بحمد الله وحسن عونه وصلى الله على مولانا محمد.

السبعة دراهم ونصف الدرهم⁴⁰⁸ خمسة M// ص 26// أرطال وسبع أواقي وربع أوقية⁴⁰⁹.

مسألة [4]:

مائة وخمسون قنديلا، كل قنديل منها⁴¹⁰ يحرق في الليلة الواحدة من الزيت⁴¹¹ أوقية ونصف أوقية. كم تحرق⁴¹² في الشهر؟ فتضرب المائة والخمسين في واحد ونصف، يكون الخارج مائتين وخمسة وعشرين. ثم تضربه في ثلاثين، عدد ليالي الشهر، يجتمع لك ستة آلاف وسبعمائة وخمسون. وذلك ما تحرق القناديل كلها⁴¹³ في الشهر من أواقي الزيت. فأقسمها على أربعة وعشرين، يخرج لك⁴¹⁴ مائتان وإحدى⁴¹⁵ وثمانون، وهي أرطال. وذلك⁴¹⁶ قنطاران وإحدى وثمانون رطلا. وتبقى⁴¹⁷ ستة أواقي، تضيفها⁴¹⁸ إلى الخارج. فتكون⁴¹⁹ جملة ما تحرقه⁴²⁰ القناديل في الشهر قنطارين وإحدى وثمانين رطلا وستة أواقي. وإن شئت، قلت: قنطاران⁴²¹ وثمانية أعشار وعشر R// ص 432// العشر وربع عشر العشر، لأن القنطار مائة رطل، ورطل الزيت أربعة وعشرون أوقية.

مسألة [5]:

ثلاثة آلاف صحفة فاسية، كم مدًا⁴²² من الأمداد⁴²³ الحفصية فيها؟ فتضرب عدد⁴²⁴ الصحف في ثمانين، لتصير أمداً⁴²⁵ حفصية⁴²⁶، وتقسّم الخارج⁴²⁷ على مائة وعشرين، أو تضرب في اثنين وتقسّم على ثلاثة، أو تأخذ ثلثها وتضعفه. فما

408 - درهم ونصف الدرهم. M: الدرهم والنصف.

409 - أوقية. R: الأوقية.

410 - منها. R: ناقصة.

411 - في الليلة الواحدة من الزيت. M: من الزيت في الليلة الواحدة.

412 - تحرق. M: يحرقوا.

413 - تحرق القناديل كلها. M: ما يحرق القنديل.

414 - لك. R: ناقصة.

415 - إحدى. R ، M: احد. وهكذا فيما بعد.

416 - وذلك. R: ذلك.

417 - تبقى. M: تبقا.

418 - تضيفها. M: تضيفها.

419 - فتكون. R: فيكون.

420 - تحرقه. M: تحرقه.

421 - قنطاران. M: قنطار.

422 - مدًا من الأمداد. R: مريا من الأمداء / M: من يا من الأمداد اذا.

423 - الأمداد. R: الامداء.

424 - عدد. R: الكلمة ناقصة.

فتنقص لكل واحد منهم³⁷³ ربع درهم. فيبقى للأول تسعة عشر درهماً³⁷⁴ غير ربع درهم وللثاني³⁷⁵ خمسة وعشرون³⁷⁶ درهماً غير ربع درهم وللثالث³⁷⁷ ثمانية وعشرون درهماً³⁷⁸ ونصف درهم. وذلك ما يجب لهم من السبعة دنانير ودرهمين³⁷⁹ بالمحاصنة³⁸⁰.

M// ص 25 // وإن شئت، قلت: المقسوم قريب من ربع المجتمع. فتضع لكل واحد منهم³⁸¹ مثل ربع ما بيدهم³⁸² فيكون³⁸³ للأول خمسة عشر درهماً ونصف درهم³⁸⁴ وللثاني ديناران وربع درهم وللثالث ديناران وثلاثة دراهم وربع درهم. وجملة ذلك تنقص³⁸⁵ عن المقسوم بثلاثة عشر درهماً. فتزيد لكل واحد بحساب نصف درهم للدينار من ماله. فتزيد للأول ثلاثة دراهم وللثاني أربعة دراهم³⁸⁶ وللثالث خمسة دراهم غير ربع درهم³⁸⁷ بتقريب³⁸⁸. فيكون للأول ثمانية عشر درهماً ونصف درهم وللثاني أربعة وعشرون درهماً وربع درهم³⁸⁹ وللثالث ثمانية وعشرون درهماً. وجملة ذلك تنقص³⁹⁰ عن المقسوم بدرهم وربع درهم. فتزيد للأول³⁹¹، صاحب الأقل، ربع درهم وتزيد للثاني³⁹² والثالث، صاحبي الأكثر، نصف درهم. فيكون³⁹³ للأول ثمانية عشر درهماً

-
- 371 - أرباع درهم. M: ثلاثة درهم غير ربع الدرهم.
 372 - بثلاثة. R: ثلاثة.
 373 - منهم. R: الكلمة ناقصة.
 374 - تسعة عشر درهماً. R: ناقصة.
 375 - وللثاني. M: ويبقى للثاني.
 376 - خمسة وعشرون. R: خمسة عشر.
 377 - وللثالث. M: ويبقى للثالث.
 378 - درهم. M: ناقصة.
 379 - السبعة دنانير ودرهمين. M: سبعة الدنانير والدرهمين.
 380 - M: زيد بعد هذه الكلمة " وهذه صورة ذلك بحول الله تعالى ". ورُسم الجدول اللاحق.
 381 - منهم. M: ناقصة.
 382 - بيدهم. M: بيده.
 383 - فيكون. M: يكون.
 384 - درهم. M: ناقصة.
 385 - تنقص. M: ينقص.
 386 - دراهم. R: ناقصة.
 387 - درهم. M: ناقصة.
 388 - بتقريب. R: ناقصة.
 389 - درهم. R: درهماً.
 390 - تنقص. M: ينقص.
 391 - للأول. M: الأول.
 392 - للثاني. M: الثاني.
 393 - فيكون. R: يكون.

وثمانية أعشار وثلاثة أثمان عشر³⁵⁴ وثلاث ثمن عشر³⁵⁵. M//: ص 24// وهذه صورته³⁵⁶.

واختبار صحة العمل، في هذا الباب، بضرب³⁵⁷ الخارج في المقسوم عليه، فيعود المقسوم. وإن زاد عليه أو نقص عنه³⁵⁸، فتقسم الزيادة أو النقصان على المقسوم عليه وتزيد الخارج أو تنقصه من الخارج الأول³⁵⁹. R//: ص 431//.

باب من المعاملات³⁶⁰

مسألة [1]:

ثلاثة رجال، لأحدهم ستة دنانير ودرهمان وللثاني ثمانية دنانير ودرهم وللثالث تسعة دنانير وثلاثة دراهم. أرادوا قسمة سبعة دنانير ودرهمين على قدر أموالهم. فتجمع أموالهم، يجتمع³⁶¹ منها ثلاثة وعشرون دينارًا وستة دراهم. وتجد المقسوم قريبًا من ثلث هذا المجموع³⁶². فتضع لكل واحد منهم مثل ثلث ما بيده، يكون للأول ديناران ونصف درهم بتقريب وللثاني ديناران وسبعة دراهم وللثالث ثلاثة دنانير ودرهم. فإذا جمعت ذلك، كان سبعة دنانير وثمانية دراهم ونصف درهم. فقد زاد على المقسوم بستة دراهم ونصف درهم. فتتقص لكل واحد مما وضعت له³⁶³ بحسب³⁶⁴ ربع درهم للدينار من ماله. فتتقص للأول درهما ونصف درهم وللثاني درهمين³⁶⁵ وللثالث درهمين وربع درهم³⁶⁶. يبقى للأول تسعة عشر³⁶⁷ درهما وللثاني خمسة وعشرون درهما وللثالث ثمانية وعشرون درهما وثلاث أرباع درهم³⁶⁹. فإذا جمعت ذلك، كان سبعة دنانير ودرهمين³⁷⁰ وثلاثة أرباع درهم³⁷¹. فقد زاد على المقسوم بثلاثة³⁷² أرباع درهم.

354 - عشر. M: العشر. وهكذا فيما بعد.

355 - عشر. M: العشر.

356 - وهذه صورته. M: الجملة ناقصة.

357 - بضرب. M: ضرب.

358 - عنه. R: ناقصة.

359 - تنقصه من الخارج الأول. M: على الخارج الأول أو تنقصه منه وبالله التوفيق.

360 - المعاملات. M: العلامة.

361 - يجتمع. M: فيجتمع لك.

362 - المجموع. M: المجتمع.

363 - مما وضعت له. M: ناقصة.

364 - بحسب. R: بحساب.

365 - للثاني درهمين. M: للثاني درهمين وربع الدرهم.

366 - وللثالث درهمين وربع درهم. M: ناقصة.

367 - تسعة عشر. M: سبعة عشر.

368 - وللثالث. R: وللثاني.

369 - درهم. M: الدرهم.

370 - ودرهمين. M: ناقصة.

لا يحتمل زيادة عشرة في تلك العشرات. فتجد ذلك ثمانين. فتضعها تحت العشرات من السطر الأسفل³³⁸. ثم تضرب ثمانين في المقسوم عليه كذلك. فيبقى، بعد ضرب الثمانين في كل عدد من المقسوم عليه وطرح الخارج من بقية المقسوم، أربعمئة وثمانية وثمانون. فتحفظ³³⁹ الثمانين مع المائتين. ثم ترجع حينئذ إلى مرتبة الأحاد من مراتب الخارج. فتطلب فيها عددًا تفعل به مثل ما فعلت بالثمانين، فيفنى بها ما أمكن من بقية السطر الأعلى أو يبقى ما لا يحتمل زيادة واحد في تلك الأحاد. فتجد ذلك ثلاثة. فتضعها تحت الأحاد من السطر الأسفل³⁴⁰. ثم تضرب ثلاثة في المقسوم عليه كذلك فيبقى³⁴¹، بعد ضرب الثلاثة في كل عدد من المقسوم عليه وطرح الخارج من بقية المقسوم، مائة وسبعة. وذلك أقل من المقسوم عليه. فتسمى منه. وهذا هو قسمة قليل على كثير. وذلك³⁴² بأن تسميه منه³⁴³ بأي جزء تريد من الأجزاء التي مقاماتها ليست بأعظم من عشرة، مثل أن تريد تسميته بالأعشار. فتضرب المائة والسبعة في عشرة لتصير أعشارًا. فيكون الخارج ألفًا وسبعين. فتقسمه على المقسوم عليه، يخرج ثمانية وهي ثمانية أعشار. فتثبتها مع ما تقدم، يبقى³⁴⁴ أربعة وخمسون عشرًا³⁴⁵. فتصرفها، إن شئت، إلى أثمان³⁴⁶. تضربها في ثمانية بأربعمئة واثنين وثلاثين، وتقسمها على المقسوم عليه يخرج ثلاثة، وهي ثلاثة³⁴⁷ أثمان العشر. فتثبتها مع ما تقدم ويبقى واحد وخمسون³⁴⁸. فإن شئت، صرفتها كذلك³⁴⁹ وإن شئت قربه³⁵⁰ فيها. فتحسبه³⁵¹ ثلثًا، فيكون ثلث³⁵² ثمن العشر فتثبتته مع ما تقدم. فيكون الخارج، في³⁵³ هذه المسألة، مائتين وثلاثة وثمانين

338 - ثم ترجع حينئذ إلى مرتبة العشرات ... فتضعها تحت العشرات من السطر الأسفل. R، M: الفقرة ناقصة.

339 - فتحفظ. M: فتحط.

340 - ثم ترجع حينئذ إلى مرتبة الأحاد ... فتضعها تحت الأحاد من السطر الأسفل. R، M: الفقرة ناقصة.

341 - فيبقى. M: يبقى.

342 - وذلك. M: الكلمة ناقصة.

343 - منه. M: الكلمة ناقصة.

344 - يبقى. R: بيقا / M: فيبقى.

345 - عشرًا. M: أعشارًا.

346 - أثمان: الأثمان.

347 - ثلاثة. M: ناقصة.

348 - واحد وخمسون. M: أحد وخمسون.

349 - كذلك. M: كذا.

350 - قربه. M: غير مقروءة.

351 - فتحسبه. M: فتحسبها.

352 - ثلث. M: ثلثًا.

353 - في. M: من.

باب في ³²³ القسمة

اعلم أن القسمة بالرومي تحتاج إلى قوة حدس في طلب الخارج، لأن الخارج ³²⁴ يكون عددًا، إذا ضرب في المقسوم عليه، عاد ³²⁵ المقسوم. وهي نوعان: قسمة كثير على قليل، ويُخص باسم القسمة، وقسمة قليل على كثير، ويُخص باسم التسمية.

مثال ذلك:

سنة وثلاثون ألفا وثمانية وأربعون على مائة وسبعة وعشرين. وهذه ³²⁶ قسمة كثير على

قليل ³²⁷. فتنزلهما في سطرين على هذه الصورة: $\begin{array}{r} \text{ك} \\ \text{س} \\ \text{ع} \\ \text{ل} \end{array}$ ثم تطلب في مرتبة المئين عددًا تضعه تحت المائة من السطر الأسفل وتضربه فيها فيفنى بالخارج ما في المرتبة الأخيرة من السطر الأعلى وفي التي قبلها أو يبقى من ذلك ما لا يحتمل مائة في المئين الخارجة. فتجد ذلك مائتين. فتضعها تحت المائة ³²⁸. ثم تضرب المائتين ³²⁹ في المائة من ³³⁰ المقسوم عليه بعشرين ألفا وتسقط ذلك من الثلاثين ألف ³³¹ من المقسوم، يبقى ³³² عشرة آلاف. تثبتها على رأس الثلاثين ألف ³³³، ثم تضرب المائتين في العشرين من المقسوم عليه، بأربعة آلاف. تسقطها من الستة ³³⁴ آلاف، M//: ص 23// يبقى ألفان. تثبتها على رأس الستة ³³⁵ آلاف ثم تضرب المائتين في السبعة، بألف وأربعمائة، وتسقطها من الألفين، يبقى ³³⁶ ستمائة. تثبتها على رأس الألفين. فيكون قد بقي لك من المقسوم، بعد ضرب المائتين في جميع أعداد المقسوم عليه وطرح الخارج من المقسوم، عشرة آلاف وستمائة وثمانية وأربعون.

فتحفظ ³³⁷ المائتين ثم ترجع حينئذ إلى مرتبة العشرات من مراتب الخارج. فتطلب فيها عددًا تفعل به مثل ما فعلت بالمائة، فيفنى بها ما أمكن من بقية السطر الأعلى أو يبقى ما

323 - في. M: الكلمة ناقصة.

324 - لأن الخارج. R: ناقصة.

325 - عاد. M: ناقصة.

326 - هذه. R: هذا.

327 - كثير على قليل. M: قليل على كثير.

328 - ثم تطلب في مرتبة المئين ... فتضعها تحت المائة. R، M: الفقرة ناقصة.

329 - المائتين. R: مائتين.

330 - من. M: الكلمة ناقصة.

331 - ألف. M: ألفا.

332 - يبقى. M: تبقى.

333 - ألف. M: ألفا.

334 - الستة. M: ستة.

335 - الستة. M: ناقصة.

336 - يبقى. M: تبقى.

337 - فتحفظ. M: فتحط.

وعشرين، وهي واحد³⁰⁷ وعشرون ثمنًا. وذلك اثنان وخمسة أثمان. فأثبتته مع ما تقدم ثم تضرب الثلاثة أثمان³⁰⁸ في الأربعة أخماس³⁰⁹. تقول: ثلاثة في أربعة باثني³¹⁰ عشر، وهي أخماس الثمن³¹¹، وذلك اثنا عشر خمس ثمن³¹²، وذلك ثمان وخمسا ثمن. فأثبتته مع ما تقدم ثم تضرب الثلاثة أثمان في ثلث³¹³ الخمس. تقول: ثلاثة في واحد بثلاثة. وذلك³¹⁴ ثلاثة³¹⁵ أثلاث خمس ثمن، وذلك خمس ثمن. فأثبتته مع ما تقدم.

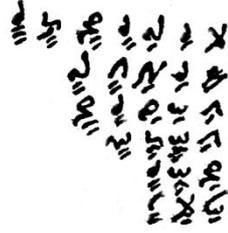
وهذه صورة وضع الخارج³¹⁶.

وقد كمل الضرب، وهذه صورة وضع الخارج³¹⁶. ثم تصرف³¹⁷ الخمس وثلثي الخمس³¹⁸ إلى الأثمان، على ما تقدم في باب الجمع، تكون³¹⁹ ثمنين وثلاثة أخماس ثمن وثلث خمس ثمن³²⁰. ثم تجمع ذلك كله على ما تقدم، يجتمع لك منه اثنان³²¹ وأربعون وثمان وخمس ثمن وثلث خمس ثمن³²². وهو الخارج من الضرب في المسألة.

وهذه صورته:

واختبار صحة العمل في هذا الباب بإعادته.

-
- 306 - اثنان. M: الأثمان.
 307 - واحد. R: احد.
 308 - أثمان. R: الكلمة ناقصة.
 309 - الأربعة أخماس. M: أربعة الأخماس.
 310 - باثني. M: باثنا.
 311 - وهي أخماس الثمن. R: ناقصة.
 312 - وذلك اثنا عشر خمس ثمن. R: الجملة ناقصة.
 313 - الثلاثة أثمان في ثلث. M: ثلاثة الأثمان ف ثلثي.
 314 - وذلك. M: وهي.
 315 - وذلك ثلاثة. R: الجملة ناقصة.
 316 - هذه صورة وضع الخارج. M: وهذه وضع الخراجات.
 317 - تصرف. M: تضرب.
 318 - الخمس. R: الكلمة ناقصة.
 319 - تكون. M: يكون.
 320 - ثمنين وثلاثة أخماس ثمن وثلث خمس ثمن: ثمنًا وثلاثة أخماس ثمن وثلثي خمس ثمن. M: ناقصة.
 321 - اثنان. M: اثنين.
 322 - اثنان وأربعون وثمان وخمس ثمن وثلث خمس ثمن. R: اثنان وأربعون وثمان وخمس ثمن وثلثا خمس ثمن.



ثم ترجع، فتجمع ما خرج لك من الضرب على ما تقدم²⁹². فيكون المجتمع ألف ألف²⁹³ وثلاثمائة ألف ألف وسبعة وستين ألف ألف وتسعمائة ألف²⁹⁴ وواحدًا²⁹⁵ وسبعين

ألفًا. وهذه صورتها:  ألفًا. وهذه صورتها: **[ضرب الكسور]**

وإذا كان في المسألة كسور، مثل²⁹⁶ خمسة وثلاثة أثمان في سبعة وأربعة أخماس وثلاث

خمس، فتنزلهما²⁹⁷ في سطرين على هذه الصورة:  **R://** ص 430// ثم تضرب²⁹⁸ كل عدد من السطر الأعلى في كل عدد من السطر الأسفل. تبدأ²⁹⁹ بالخمسة، فتضربها في السبعة بخمسة وثلاثين. فاحفظها ثم تضرب الخمسة في الأربعة أخماس³⁰⁰. تقول: خمسة في أربعة بعشرين، وهي³⁰¹ عشرون خمسًا، وذلك أربعة صحاحًا. فتضعها مع ما تقدم ثم تضرب الخمسة في ثلث³⁰² الخمس. تقول: واحد في خمسة³⁰³ بخمسة، وهي خمسة أثلاث خمس، وذلك **M://** ص 22// ثلث³⁰⁴. فأثبتته³⁰⁵ مع ما تقدم ثم تضرب الثلاثة أثمان³⁰⁶ في السبعة. تقول: ثلاثة في سبعة بواحد

292 - على ما تقدم. M : ناقصة.

293 - ألف. M : الكلمة ناقصة.

294 - وتسعمائة ألف. M : الجملة ناقصة.

295 - وواحدًا. R : الواو الأولى ناقصة.

296 - مثل. M : ناقصة.

297 - فتنزلاهما. M : فتنزلها.

298 - تضرب. M : اضرب.

299 - تبدأ. M : لايتداء.

300 - أخماس. R : الأخماس.

301 - وهي. M : فهي.

302 - ثلث. M : ثلثي.

303 - واحد في خمسة. M : خمسة في واحد.

304 - ثلث. M : خمس وثلثا.

305 - فأثبتته. R : فافلته.

وذلك أربعمائة وثمانون. وتكسوها التكرار، فتكون أربعمائة ألف وثمانين ألفاً. فتضعها مع ما تقدم. ثم تضرب السنة آلاف²⁷⁷ في المائتين. تقول: ستة في اثنين باثني²⁷⁸ عشر والأحاد في المئتين مئون. فهي اثنتا²⁷⁹ عشر مائة. وذلك ألف ومائتان²⁸⁰. وتكسوها التكرار، فتكون ألف ألف ومائتي ألف. فتضعها²⁸¹ مع ما تقدم ثم تضرب السنة آلاف //M// ص 21 في السنة²⁸² آلاف. تقول: ستة في ستة وستة وثلاثين والأحاد في الأحاد أحاد. فهي ستة وثلاثون. وتكسوها التكرارين²⁸³ فتكون ستة وثلاثين ألف ألف²⁸⁴. فتضعها مع ما تقدم ثم تضرب السنة آلاف²⁸⁵ في العشرة آلاف²⁸⁶. تقول: ستة في واحد بستة وهي ستون. وتكسوها التكرارين، فتكون ستين ألف ألف. فتضعها مع ما تقدم ثم تضرب السنة آلاف في المائتي²⁸⁷ ألف. تقول: ستة في اثنين باثني²⁸⁸ عشر، والأحاد في المئتين مئون. فذلك ألف ومائتان وتكسوه التكرارين. فيكون ألف ألف ألف ومائتا²⁸⁹ ألف ألف. فتضعها²⁹⁰ مع ما تقدم.

وقد كمل ضرب كل عدد من السطر الأعلى في كل عدد من السطر الأسفل، ووضع الأعداد الخارجة على هذه الصورة²⁹¹: ...

-
- 276 - في الثمانين من السطر الأسفل. M : ناقصة.
 277 - ألف. M: الآلاف. وهكذا فيما بعد.
 278 - باثني. M: باثنا.
 279 - اثنتا. M: اثني.
 280 - مائتان. M: مائتين.
 281 - فتضعها. R: فتضعه.
 282 - السنة. R: ستة.
 283 - التكرارين. M: التكرار.
 284 - ألف ألف. M: الف الف الف.
 285 - ستة الآلاف. M: ستة الآلاف.
 286 - العشرة آلاف. M: عشرات الآلاف.
 287 - المائتي. M: المائتين.
 288 - باثني. M: باثنا.
 289 - مائتا. M: مائتي.
 290 - فتضعها. R: فتضعه.
 291 - ووضع ... على هذه الصورة. M : وهذه صورة الأعداد الخارجة من الضرب.

المئين آلاف. فالخارج أربعة آلاف. وتكسوها التكرار، فتكون²⁵⁸ أربعة آلاف ألف. وقد كمل ضرب M// ص 20 // العشرين من السطر الأعلى في الثمانين²⁵⁹ من السطر الأسفل²⁶⁰.

تقول: ثلاثة في ثمانية بأربعة وعشرين. والعشرات²⁶¹ في المئين آلاف. فالخارج أربعة وعشرون ألفًا. فتضعها²⁶² مع ما تقدم ثم تضرب الثلاثمائة في المائتين²⁶³. تقول: ثلاثة في اثنين بستة والمئون في المئين²⁶⁴ عشرات الألاف²⁶⁵. فالخارج ستون ألفًا. فتضعها مع ما تقدم ثم تضرب الثلاثمائة في الستة آلاف²⁶⁶. تقول: ثلاثة في ستة بثمانية عشر والأحاد في المئين مئون. فهي ثمانية²⁶⁷ عشر مائة وذلك ألف وثمانمائة²⁶⁸. وتكسوها التكرار، فتكون²⁶⁹ ألف ألف وثمانمائة ألف. فتضعها مع ما تقدم. ثم تضرب الثلاثمائة²⁷⁰ في العشرة²⁷¹ آلاف. تقول: ثلاثة في واحد بثلاثة، والعشرات في المئين آلاف. فهي ثلاثة آلاف. وتكسوها التكرار²⁷²، فتكون ثلاثة آلاف ألف. فتضعها مع ما تقدم ثم تضرب الثلاثمائة في المائتي ألف. تقول: ثلاثة في اثنين بستة²⁷³ والمئون في المئين عشرات آلاف. فهي ستون ألفًا وتكسوها التكرار، فتكون ستين²⁷⁴ ألف ألف. فتضعها مع ما تقدم. وقد كمل ضرب الثلاثمائة في كل عدد من السطر الأسفل.

ثم تضرب الستة²⁷⁵ آلاف من السطر الأعلى في الثمانين من السطر الأسفل²⁷⁶. تقول: ستة في ثمانية بثمانية وأربعين والأحاد في العشرات عشرات. فهي ثمان وأربعون عشرة

-
- 257 - فتقول. M: تقول.
 258 - فتكون. M: فيكون.
 259 - في الثمانين. M: في كل عدد.
 260 - الأسفل. M: زيدت بعد هذه الكلمة الجملة التالية: "ثم تضرب ثلاثمائة من السطر الأعلى في كل عدد من الثمانين من السطر الأسفل".
 261 - والعشرات. M: فالعشرات.
 262 - فتضعها. M: فتضعه.
 263 - الثلاثمائة في المائتين. M: ثلاث المائة في مائتين.
 264 - المئين. M: المئون.
 265 - الألاف. M: ءالاف.
 266 - الثلاثمائة في الستة آلاف. M: ثلاث المائة في ستة ءالاف.
 267 - ثمانية. M: ثماني.
 268 - ثمانمائة. R: ثمانون مائة.
 269 - تكون. R: الكلمة ناقصة.
 270 - الثلاثمائة. M: ثلاث المائة. وهكذا فيما بعد.
 271 - العشرة. M: عشرات.
 272 - وتكسوها التكرار. R: ناقصة.
 273 - بستة. M: بستين.
 274 - ستين. M: ستون.
 275 - الستة. M: ستة.

بعشرة //M: ص 19// وهي عشر مائة. وذلك ألف. فتضعه بإزاء الخارج الأول²³⁹. ثم ترجع، فتضرب الخمسة في الستة آلاف²⁴⁰. تقول: خمسة في ستة بثلاثين²⁴¹، وهي ثلاثون تكسوها التكرار، فتكون ثلاثين ألفا، فتضعها مع ما تقدم من الخارج. ثم ترجع، فتضرب الخمسة في العشرة آلاف. تقول: خمسة في واحد بخمسة وهي خمسون وتكسوها²⁴² التكرار، فتكون خمسين ألفا، فتثبتها تحت الثلاثين ألف²⁴³. ثم تضرب الخمسة في المائتي ألف. تقول: خمسة في اثنين بعشرة وهي عشر مائة، وذلك ألف. وتكسوها التكرار، فيكون ألف ألف. فتضعه مع ما تقدم. وقد كمل ضرب الخمسة من السطر الأعلى في جميع أعداد السطر الأسفل.

ثم تضرب العشرين من السطر الأعلى في الثمانين من السطر الأسفل. تقول: اثنان في ثمانية بستة عشر. ولأن²⁴⁵ العشرات في العشرات مئون، فالخارج ستة عشر مائة. وذلك ألف وستمائة. فتضعه²⁴⁶ مع ما تقدم. ثم تضرب العشرين في المائتين. تقول: اثنين في اثنين بأربعة والعشرات²⁴⁷ في المئتين آلاف. فالخارج أربعة آلاف. فتضعه مع ما تقدم ثم تضرب //R: ص 429// العشرين في الستة آلاف²⁴⁸. تقول: اثنان²⁴⁹ في ستة باثني عشر، والعشرات في الأحاد عشرات. فالخارج اثنا عشر²⁵⁰ عشرة، وذلك مائة وعشرون. وتكسوها التكرار، فتكون مائة ألف وعشرين²⁵¹ ألفا. فتضعها مع ما تقدم. ثم تضرب العشرين في العشرة آلاف²⁵². تقول: اثنان²⁵³ في واحد باثنين والعشرات في العشرات مئون. فالخارج مائتان. وتكسوه²⁵⁴ التكرار، فيكون مائتي ألف. فتضعها²⁵⁵ مع ما تقدم ثم تضرب العشرين في المائتي ألف²⁵⁶. فتقول²⁵⁷: اثنان في اثنين بأربعة والعشرات في

-
- 239 - الأول. R: الكلمة ناقصة.
 240 - آلاف. M: الآلاف. وهكذا فيما بعد.
 241 - بثلاثين. M: الكلمة مكررة.
 242 - وتكسوها. M: فتكسوها.
 243 - ألف: الألف. وهكذا فيما بعد.
 244 - تقول. M: تكون.
 245 - ولأن. M: لأن.
 246 - فتضعه. M: فتضعه.
 247 - والعشرات. M: فالعشرات.
 248 - الستة آلاف. R: الستة الآلاف.
 249 - اثنان. M: اثنين.
 250 - عشر. R: عشرة.
 251 - عشرين. M: عشرون.
 252 - العشرة آلاف. M: مائتي الآلاف.
 253 - اثنان. M: اثنين.
 254 - تكسوه. M: تكسوها.
 255 - فتضعها. M: فتضعه.
 256 - المائتي ألف. R: المائتين الآلاف / M: مائتي ألف.

باب في 221 الضرب

لهذا الباب²²² مقدمة يجب حفظها وإتقانها وهي : إذا كان أحد المضروبين أحاداً، فالخارج من نوع المضروب الثاني²²³. وإذا كانا²²⁴ عشرات، فالخارج مئون، وإذا كانا مئيين، فالخارج عشرات الألاف. وإذا كان²²⁵ أحدهما عشرات والآخر مئيين، فالخارج آلاف²²⁶. فهذه المقدمة يعلم الخارج من ضرب كل عدد²²⁷ في كل عدد. وإذا كان في المضروبين، أو في²²⁸ أحدهما، تكرار، ضربتهما خاليتين من التكرار ثم كسوت²²⁹ الخارج التكرار.

[مثال]

مثل ستة آلاف²³⁰ وثلاثمائة وخمسة وعشرين في مائتي ألف وستة عشر ألفاً و²³¹مائتين

وثمانين. فتتزلهما في سطرين على هذه الصورة:

$$\begin{array}{r} 666 \\ 666 \\ \hline 666 \end{array}$$
ثم تضرب كل عدد من السطر الأعلى²³² في كل عدد من السطر الأسفل. تبتدئ²³³ بالخمسة من السطر الأعلى فتضربها في الثمانين من السطر الأسفل. تقول: خمسة في ثمانية²³⁴ بأربعين، وقد علمت مما قدمت²³⁵ أن الخارج عشرات لأن أحد المضروبين أحاد والثاني عشرات. فالخارج إذن أربعون عشرات²³⁶ وذلك أربعمائة. فتضعها في موضع للجواب²³⁷. ثم ترجع، فتضرب الخمسة في المائتين²³⁸. تقول: خمسة في اثنين

221 - في. R، M: الكلمة ناقصة.

222 - الباب. R: باب.

223 - المضروب الثاني. R: المضروب الثاني عشرات.

224 - كانا. R: كان.

225 - كان. M: كانا.

226 - آلاف. M: الكلمة مطموسة.

227 - عدد. M: الكلمة مطموسة.

228 - في. R، M: الكلمة ناقصة.

229 - كسوت. R: كسرت / M: تكسو.

230 - آلاف. M: آلاف. وهكذا فيما بعد.

231 - و. M: أو.

232 - الأعلى. الأعل. وهكذا فيما بعد.

233 - تبتدئ. R: تبتدأ.

234 - ثمانية. M: ثمانين.

235 - مما قدمت. R: من ما قدمت / M: من المقدمة.

236 - عشرات. R: عشرة.

237 - للجواب. R: الجواب.

238 - المائتين. M: مائتين.

اللفظ²⁰³. وتجد التسعين، إذا أضفت إليها خمسين²⁰⁴، كان ذلك مائة وأربعين. وذلك مثل ما في المطروح منه. فتثب R//: ص 428// الخمسين بإزاء الثمانية، فيكون الباقي، في هذه المسألة، ثمانية وخمسين.

[مثال 3]

ومثل خمسة وخمسة²⁰⁵ أثمان من ثلاثة عشر وثلاثة أثمان. وهذه صورته²⁰⁶. فتجد الخمسة²⁰⁷ أثمان²⁰⁸ من المطروح، إذا أضيف إليها ستة²⁰⁹ أثمان²¹⁰، كان ذلك M//: ص 18// واحدًا وثلاثة أثمان²¹¹. وذلك مثل الثلاثة أثمان²¹² من²¹³ المطروح منه وزيادة واحد. فتثبت الستة أثمان²¹⁴ في الباقي وتزيد في اللفظ، على الخمسة الصحاح²¹⁵، واحدًا. فتصير في اللفظ²¹⁶ ستة. وتجد الستة، إذا أضيف إليها سبعة، كان ذلك ثلاثة عشر، مثل ما في المطروح منه. فتثبت السبعة في الباقي، فيكون الباقي، في هذه المسألة، سبعة وستة²¹⁷ أثمان.

وإن كان في المطروحين كسور مختلفة وكسور²¹⁸ مضافة وليست مشتقة من عدد واحد، فأصرف الكسور على ما تقدم في الجمع حتى تصير من نوع واحد. وتعمل في الطرح، بعد ذلك، على ما بيناه. واختبار صحة العمل في هذا الباب بجمع²¹⁹ الباقي مع المطروح، فيساوي المطروح منه، وبالله التوفيق²²⁰.

-
- 203 - في اللفظ. M : ناقصة.
 204 - أضفت إليها خمسين. R : أضيف إليها خمسون.
 205 - خمسة. R : ستة.
 206 - هذه صورته. M : على هذه الصورة.
 207 - الخمسة. M : ستة.
 208 - أثمان. R : الأثمان. وهكذا فيما بعد.
 209 - ستة : M : خمسة.
 210 - إذا أضيف إليها ستة أثمان. M : إذا أضيفت إلى خمسة أثمان.
 211 - أثمان. M : ناقصة.
 212 - أثمان. M : الأثمان.
 213 - من. M : في.
 214 - الستة أثمان. M : خمسة الأثمان.
 215 - الصحاح. M : ناقصة.
 216 - اللفظ. M : ناقصة.
 217 - ستة. M : خمسة.
 218 - وكسور. M : أو كسور.
 219 - بجمع. M : جمع.
 220 - وبالله التوفيق. R : ناقصة.

[مثال 1]

مثال

مثل 183 خمسة وثمانين من 184 ستة وتسعين، وهذه صورة ذلك¹⁸⁵. فتجد الخمسة الأحاد¹⁸⁶ من المطروح، إذا أضيف إليها واحد، كان ذلك مثل الستة التي في المطروح منه. فنثبت الواحد في الباقي وتجد الثمانين، إذا أضيف إليها عشرة، كان ذلك تسعين مثل التي في المطروح منه. لكن، لما كان كل عدد في مرتبته هو أحاد منها، فينبغي أن تقول¹⁸⁷ ثمانية في العشرات، إذا أضيف¹⁸⁸ إليها واحد منها، كان تسعة منها¹⁸⁹، وذلك¹⁹⁰ ما في المطروح منه. فنثبت الواحد بعشرة في الباقي، بإزاء الواحد المتقدم¹⁹¹، فيكون الباقي، في هذه المسألة¹⁹²، أحد عشر.

[مثال 2]

ومثل خمسة وثمانون¹⁹³ من مائة وثلاثة وأربعين¹⁹⁴، وهذه¹⁹⁵ صورته: $\overline{194} - \overline{189} = \overline{05}$. فتجد الخمسة الأحاد¹⁹⁶ من المطروح، إذا¹⁹⁷ أضيفت¹⁹⁸ إلى ثمانية، كان ذلك مثل الثلاثة التي في المطروح منه وزيادة عشرة. فنثبت الثمانية في الباقي وتضيف في اللفظ العشرة¹⁹⁹ إلى الثمانين²⁰⁰ من المطروح، للعلة التي قدمنا ذكرها²⁰¹. فتكون²⁰² تسعين في

-
- 183 - مثل M: ناقصة.
 184 - من ستة M: وستة.
 185 - وهذه صورة ذلك M: وهذه صورته.
 186 - فتجد الخمسة من الأحاد M: فتحمل الخمسة.
 187 - تقول M: يقول.
 188 - أضيف M: أضيفت.
 189 - كان ذلك تسعة R: كان تسعة منها.
 190 - وذلك M: وذلك مثل.
 191 - بإزاء الواحد المتقدم R: ناقصة.
 192 - المسألة M: المسئلة. وهكذا فيما بعد.
 193 - ثمانين R: ثمانون.
 194 - خمسة وثمانون ... أربعين M: خمسة وثمانين من ثلاثة وأربعين ومائة.
 195 - وهذه R: ناقصة.
 196 - الخمسة الأحاد M: ناقصة.
 197 - إذا R: الكلمة فوق السطر.
 198 - أضيفت M: أضفت.
 199 - العشرة M: عشرة.
 200 - الثمانين M: ثمانين.
 201 - للعلة التي قدمنا ذكرها R: ناقصة.
 202 - فتكون M: فيكون.

وينبغي أن يُتدرَّب جدا¹⁶⁴ في عمل ما في الصرف¹⁶⁵ على نحو ما ذكرته¹⁶⁶، فإن له منفعة¹⁶⁷ عظيمة في العمل. واختبار صحة العمل في هذا الباب بإعادته، وبالله التوفيق¹⁶⁸.

باب في¹⁶⁹ الطرح

أعلم أن الباقي من¹⁷⁰ بعد طرح عدد من عدد هو بعينه الباقي¹⁷¹ من طرحها وقد زدت على كل واحد منهما، أو نقصت¹⁷² من كل واحد منهما، عدداً واحداً بعينه. مثل ثمانية من أربعة عشر، الباقي¹⁷³ ستة، وهو مثل¹⁷⁴ الباقي من طرح عشرة من ستة عشر لأن الزيادة، على كل واحد من الثمانية والأربعة عشرة، اثنان. وكذلك، الباقي من طرح اثنين //M: ص 17// وعشرين من سبعة وأربعين مثل¹⁷⁵ الباقي من طرح عشرين من خمسة وأربعين لأن النقصان اثنان. فعلى هذا تكون تطرح أبداً¹⁷⁶ عقوداً من عقود¹⁷⁷ في أشباه هاتين المسألتين¹⁷⁸. وذلك سهل. وإذا كان المطروح¹⁷⁹ والمطروح منه صحيحين أو فيهما كسور مضافة مشتقة من عدد واحد، فإن أصحاب العمل يطلبون عدداً، إذا أضافوه إلى المطروح، كان المجتمع مثل المطروح منه. فيكون ذلك العدد، العدد¹⁸⁰ المطلوب، وهو¹⁸¹ الباقي. ويبتدئون¹⁸² بالعمل من جهة الأحاد على ما نصفه.

164 - جدا. R: ناقصة.

165 - في عمل ما في الصرف. M: في الصرف.

166 - مذكرته. M: ما ذكر.

167 - منفعة. M: ناقصة.

168 - وبالله التوفيق. R: ناقصة.

169 - في. R، M: الكلمة ناقصة.

170 - من. R: ناقصة.

171 - بعينه الباقي. M: الباقي بعينه.

172 - نقصت. M: تفرعه.

173 - الباقي. M: يبقى.

174 - مثل. R: ناقصة.

175 - مثل. R: هو.

176 - تطرح أبداً. M: أبداً تطرح.

177 - عقوداً من عقود. M: عدداً من عدد.

178 - في أشباه هاتين المسألتين. M: الجملة ناقصة.

179 - المطروح. M: المطروح.

180 - العدد. R: ناقصة.

181 - وهو. R، M: هو.

182 - يبتدئون. R: يبتدئون.

[3] وإذا كانت الكسور مختلفة أو مختلفة ومضافة¹⁴⁵، فأصرفها كلها إلى كسر واحد ثم تجمع على ما تقدم. مثل اثنين وخمسة أعشار وستة أثمان عشر إلى ثلاثة أخماس إلى¹⁴⁶

ثلاثين. وهذه صورة ذلك¹⁴⁷: $\frac{2}{10} + \frac{5}{10} = \frac{7}{10}$. فتصرف الثلاثة أخماس¹⁴⁸ إلى الأعشار فتكون ستة أعشار¹⁴⁹ لأن خمس العشرة اثنان. فتلاثة أخماسها ستة ونسبتها¹⁵⁰ من العشرة ستة أعشار. ثم تصرف الثلثين إلى الأعشار، وذلك¹⁵¹ بأن تأخذ من العشرة ثلثيها وتنسبها منها، فتقول ثلث العشرة عشرة أثلث فتلناها عشرون ثلثاً وذلك ستة وثلثان. فذلك ستة أعشار وثلثا عشر. ثم تصرف ثلثي العشر إلى الأثمان. فتقول ثلث الثمانية ثمانية أثلث. فتلناها ستة عشر ثلثاً، وذلك خمسة وثلث. فهي خمسة أثمان وثلث ثمن، تثبتها عوض ثلثي

العشر¹⁵². فتصير المسألة هكذا¹⁵³: $\frac{7}{10} = \frac{14}{20}$. وذلك¹⁵⁴ اثنان¹⁵⁵ وخمسة أعشار وستة أثمان¹⁵⁶ عشر إلى ستة أعشار وخمسة أثمان عشر وثلث ثمن عشر¹⁵⁷ فتجمعهما¹⁵⁸ على ما تقدم، يجتمع¹⁵⁹ لك¹⁶⁰ منها ثلاثة وثمانية أعشار وثلاثة أثمان عشر¹⁶¹ وثلث ثمن عشر¹⁶². وهذه صورته¹⁶³: $\frac{14}{20} + \frac{6}{20} = \frac{20}{20} = 1$

-
- 145 - مضافة. M : مشتقة.
 146 - إلى. M: و.
 147 - وهذه صورة ذلك. M: على هذه الصورة.
 148 - أخماس. M: ثلاثة الاخماس.
 149 - فتكون ستة أعشار. M: ناقصة.
 150 - نسبتها. M: منسوبة.
 151 - وذلك. M: ناقصة.
 152 - تثبتها عوض ثلثي العشر. M: الجملة ناقصة.
 153 - هكذا. M: ناقصة.
 154 - وذلك. M: ناقصة.
 155 - اثنان. M: اثنين.
 156 - أثمان. M: الكلمة ناقصة.
 157 - وستة أثمان ... وثلث ثمن عشر: M: وستة عشر وثلث ثمن عشر على هذه الصورة ...
 وثمانية أعشار وثلاثة أعشار
 158 - فتجمعها. M: فتجمع ذلك.
 159 - يجتمع. M: فيجتمع.
 160 - لك. M: ناقصة.
 161 - إلى ستة أعشار ... وثلاثة أثمان عشر. M: ناقصة.
 162 - عشر. R: العشر.
 163 - وهذه صورته. M: وهذه صورة ذلك.

[2] وإذا كانت الكسور مضافة وليست مشتقة¹²⁶ من عدد واحد، مثل ستة أعشار وثلاثة

أثمان عشر إلى خمسة أسداس ونصف سدس، وهذه صورة ذلك¹²⁷: ، فتصرف الخمسة أسداس¹²⁸ ونصف السدس إلى أثمان الأعشار¹²⁹ وذلك بأن تأخذ من العشرة، التي هي مقام العشر، خمسة أسداسها ونصف¹³⁰ سدسها¹³¹، وتنسبه منها. وخمسة أسداس العشرة¹³² ونصف سدسها تسعة وسدس، لأن سدس العشرة عشرة أسداس، فخمسة¹³³ أسداسها خمسون سدسًا، ونصف سدسها خمسة أسداس. فذلك خمسة وخمسون سدسًا، وهي تسعة وسدس. فتنسبها من العشرة. فيكون ذلك¹³⁴ تسعة أعشار وسدس العشر. ثم تصرف سدس العشر إلى أثمان¹³⁵ بأن تأخذ من الثمانية، التي هي مقام الثمن، سدسها، وذلك ثمانية أسداس، وهي¹³⁶ واحد وثلاث. فتنسبه من الثمانية، يكون ثمنًا //M: ص 16// وثلاث ثمن. تثبت ذلك عوض سدس العشر¹³⁷. فقد انصرفت الخمسة¹³⁸ أسداس¹³⁹ ونصف السدس إلى تسعة أعشار وثمان عشر وثلاث ثمن عشر. فنثبته عوض خمسة أسداس ونصف السدس¹⁴⁰. فيصير المجموعان¹⁴¹ على هذه الصورة:  فتجمعهما¹⁴² كما تقدم، يجتمع لك¹⁴³ منها واحد //R: ص 427// وخمسة أعشار وأربعة أثمان عشر وثلاث ثمن عشر¹⁴⁴. وهذه صورته: 

126 - مشتقة M: شتقة.

127 - وهذه صورة ذلك M: وهذه صورته.

128 - أسداس R: الأسداس.

129 - فتصرف الخمسة ... أثمان الأعشار M: الجملة ناقصة.

130 - العشرة، التي هي مقام العشر، خمسة أسداسها ونصف M: الجملة ناقصة.

131 - سدسها M: سدس.

132 - العشرة M: عشرة.

133 - فخمسة M: وخمسة M: بخمسة.

134 - فيكون ذلك R: فتكون.

135 - أثمان M: أثمان العشر.

136 - وهي M: فذلك.

137 - وثلاث ثمن. تثبت ذلك عوض سدس العشر M: الجملة ناقصة.

138 - الخمسة M: خمسة.

139 - الخمسة أسداس R: الخمسة الأسداس M: خمسة الأسداس.

140 - فنثبته عوض خمسة أسداس ونصف السدس R: فنثبته عوضها M: فنثبته عوضها.

141 - المجموعان M: المجموعين.

142 - فتجمعها M: فتجمعها.

143 - لك M: لها.

144 - وثلاث ثمن عشر M: الجملة ناقصة.

في¹⁰⁹ سطر المجتمع. ثم تطلب الألاف. فليس معك¹¹⁰ M//: ص 15// منها شيء. ثم تطلب عشرات الألاف. فتجد منها تسعة وثمانية. فيجتمع لك منها سبعة عشر. وذلك مائة ألف وسبعون ألفا. فأثبت السبعين ألفا¹¹¹ مع¹¹² المجموع بإزاء السبعمئة ألف¹¹³. اجمع مائة الألاف مع تسعمائة الألاف¹¹⁴، يجتمع لك ألف ألف. فأثبتته في المجموع، فيكون المجتمع، في¹¹⁵ هذه المسألة، ألف ألف وسبعين ألفا وسبعمئة وستين. وهذه صورته¹¹⁶: ١١٤٤

[جمع الكسور]

[1] وإذا¹¹⁷ كان المجموع¹¹⁸ كسورًا أو كسورًا وصحيحًا، فإن كانت الكسور مضافة وكلها مشتقة من عدد واحد، مثل ثلاثة وخمسة أثمان وثلاثة أخماس ثمن إلى اثنين وستة

١١٤٤
١١٤٤

أثمان وأربعة أخماس ثمن، وهذه صورته: فتبتدئ بالأخماس. فتجد منها ثلاثة وأربعة¹¹⁹، يجتمع لك منها سبعة وذلك ثمن وخمسا ثمن. فتثبت خمسي الثمن¹²⁰ وتجمع الثمن مع الأثمان، يجتمع لك منها اثنا عشر ثمنًا¹²¹، وذلك واحد وأربعة أثمان. فتثبت الأربعة أثمان¹²²، مع خمسي الثمن المتقدمين¹²³، وتجمع الواحد مع الأحاد الصحاح¹²⁴، يجتمع لك منها¹²⁵ ستة. فيكون المجتمع، في هذه المسألة، ستة وأربعة أثمان وخمسي ثمن.

١١٤٤
١١٤٤

وهذه صورته:

-
- 109 - في. M: من.
110 - معك. R: الكلمة مكررة.
111 - ألف. R: الألاف.
112 - مع. R: في.
113 - ألف. R: الألاف / M: الكلمة ناقصة.
114 - اجمع مائة الف مع تسع مائة الألاف: K: الجملة ناقصة.
115 - في. M: من.
116 - صورته. M: صورته.
117 - هذا. M: ان.
118 - المجموع. M: المجتمع.
119 - فتجد منها ثلاثة وأربعة. R: ناقصة، أربعة: M: مكررة.
120 - الثمن. M: ثمن.
121 - ثمنًا. R: الكلمة ناقصة.
122 - أثمان. R: الأثمان.
123 - المتقدمين. M: المذكورين.
124 - مع الأحاد الصحاح. R: مع الصحيح.
125 - منها. R: الكلمة ناقصة.

باب في 94 الجمع

جرت عادة أصحاب العمل⁹⁵ أن يُقَدِّموا في اللفظ بالعدد الأكثر، كأنه عندهم أهم⁹⁶ لكثرتة. فإذا كان المجموع⁹⁷ صحيحًا، مثل ثلاثمائة وخمسة وثمانين إلى ثمانمائة وأربعة وتسعين. وهذه صورته:

٨٥٨
٥٨٨

فتبتدي⁹⁸، في الجمع، من الأحاد. وفيها أربعة وخمسة ومجموعهما⁹⁹ تسعة. فأثبتها في سطر فوق المجموع أو تحته. ثم تجمع العشرات، وفيها ثمانية وتسعة، ومجموعهما¹⁰⁰ سبعة عشر وذلك مائة وسبعون. فأثبت السبعين بإزاء التسعة واجمع المائة مع المئتين، يجتمع لك منها اثنا عشر، وذلك ألف ومائتان¹⁰¹. فأثبت المائتين بإزاء السبعين. وليس معك شيء من الآلاف سوى الألف المجتمعة من المئتين. فأثبتته بإزاء المائتين، فيكون الخارج من الجمع من المسألة¹⁰² ألفا ومائتين وتسعة وسبعين. وهذه صورته:  ¹⁰³ مثل تسعمائة ألف وتسعين ألفا وثمانين إلى ثمانين ألفا وستين إلى ستمائة

٨٥٨
٥٨٨

١٤٤٦

وعشرين. وهذه صورته:  فتطلب الأحاد. فليس معك منها¹⁰⁵ شيء. ثم تطلب العشرات فتجد منها ثمانية وستة واثنتين. يجتمع لك منها ستة عشر، وذلك مائة وستون. فتثبت الستة¹⁰⁶ في سطر المجتمع وتجمع المائة إلى المئتين، فيجتمع لك منها سبعة. وذلك¹⁰⁷ سبعمائة. فتثبتها بإزاء المئتين¹⁰⁸

94 - في R: الكلمة ناقصة.

95 - العمل M: الجمع.

96 - عندهم أهم M: أهم عندهم.

97 - المجموع M: الجمع.

98 - فتبتدي R, M: فتبتدا. وهكذا فيما بعد.

99 - مجموعهما M: مجموعها.

100 - مجموعهما M: مجموعها.

101 - يجتمع لك ... وذلك ألف ومائتان M: فيكون الخارج من الجمع من هذه ألفا ومائتين.

102 - الف ومائتان فأثبت ... من المسألة M: ناقصة.

103 - مثل M: مثال.

104 - ألف M: الكلمة مطموسة جزئيا.

105 - معك منها M: معه فيها.

106 - الستة R, M: الكلمة ناقصة.

107 - في سطر المجتمع ... منها سبعة وذلك M: الجملة ناقصة.

108 - المئتين M: الستين.

وقد⁷⁹ اصطلح أصحاب العمل على أن يرشمو⁸⁰ النصف هكذا: **ن** والربع هكذا: **ن** والثلث هكذا: **ن**، والثلثين⁸¹ هكذا: **ن**. ولا يستعملون⁸² الأجزاء التي مقاماتها أكثر⁸³ من عشرة. وإن وقع لهم شيء منها في العمل⁸⁴ صرفوه على ما ستعرفه في باب الجمع بعد هذا.

والكسور المستعملة عندهم نوعان: مضافة ومختلفة. فأما المضافة، فيتقدم الكسر الذي مقامه أعظم، ويكون الأقل عن يمينه⁸⁵ منخفضاً منه⁸⁶ قليلاً، مثل خمسة أثمان وثلاثة⁸⁷ أثمان ثمن وثلث ثمن ثمن. ورشمها⁸⁸ هكذا: **ن**.

وأما المختلفة، فبعضها تحت بعض، مثل خمسة أثمان⁸⁹ وستة أسباع. ورشمها⁹⁰ هكذا⁹¹: **ن** ومثل خمسة أسباع وأربعة أخماس سبع وثلثي خمس سبع وسبعة أثمان وثلاثة أرباع ثمن وربع ربع ثمن⁹² وثمانية أعشار وخمسة أسداس //R: ص 426// عشر ونصف سدس عشر. ورشمها⁹³ هكذا:

ن
ن
ن

78 - رشم. M: رسم.

79 - وقد. M: وقال.

80 - يرشمو. M: يرسموا / R: يرشم.

81 - والثلثين. M: والثلثان.

82 - لا يستعملون. M: لا يسمعون ولا يستعملون.

83 - أكثر. M: أعظم.

84 - في العمل. M: الكلمتان ناقصتان.

85 - يمينه. M: الكلمة مطموسة.

86 - عنه. R: منه.

87 - ثلاثة. M: غير مقروءة.

88 - ورشمها. M: ورسمها / R: رشمها.

89 - أثمان. M: الكلمة ناقصة.

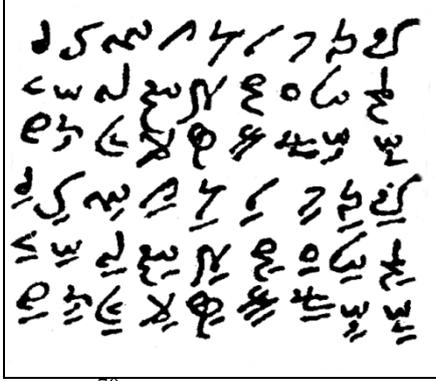
90 - ورشمها. R: رشمها.

91 - هكذا. M: ناقصة.

92 - ثمن. M: الثمن.

93 - ورشمها. R: رشمها.

ولكل عدد من أعداد المراتب الثلاث الأولى⁶⁶ رسم يخصه، أولها واحد وآخرها⁶⁷ تسعمائة⁶⁸. ورشوم الآلاف وعشراتهما ومئيتها كرشوم الأحاد وعشراتهما ومئيتها. والفرق بينهما بالتكرار، وشكل التكرار خفضة تحت العدد. وهذه صورة ذلك⁶⁹:



وكذلك آلاف الآلاف وعشراتهما ومئوها، ترجع إلى رشوم التي قبلها⁷⁰. والفرق بينهما⁷¹ التكرار⁷²، لكل نوع ما يجب له منه كذلك إلى، غير نهاية. وأما رشوم الكسور، فيُرشم⁷³ العدد الذي يشتق⁷⁴ منه الكسر⁷⁵ ويُخط فوَّقه خط يسمى كرسياً ويكتب فوَّقه عدة⁷⁶ الأجزاء التي تشتق منه. وكذلك كسور الكسور. وهذه⁷⁷ أمثلة منها:

رشم⁷⁸ نصف: **س**، وتلثين: **سسم**، وثلاثة أرباع: **سسمم**، وأربعة أخماس: **سسمم**،
 وخمسة M// ص 14 // أسداس: **سسم**، وستة أسباع: **سسمم**، وسبعة أثمان: **سسمم**،
 وثمانية أتساع: **سسمم**، وتسعة أعشار: **سسمم**.

66 - الثلاث الأولى. M: الثلاثة الأولى.
 67 - آخرها. R: آخرها / M: آخرها.
 68 - تسعمائة. M، R: تسع مائة. وهكذا فيما بعد فيما يخص كتابة المئات.
 69 - وهذه صورة ذلك. R: وهذه صورة ذلك كله.
 70 - رشوم التي قبلها. M: رسم الثاني قبلها.
 71 - بينها. R: بينها.
 72 - التكرار. M: بالتكرار.
 73 - فيُرشم. M: فيرسم / R: فرشم.
 74 - يُشتق. M: مشتق.
 75 - فيُرشم العدد الذي يشتق منه الكسر. M: الجملة مكررة.
 76 - عدة. M: عدد.
 77 - هذه. R: وهي.

اقتضاب من العمل بالرومي في الحساب لابن البنا المراكشي
 //R: ص 425 //M: ص 13 // بسم الله الرحمن الرحيم. صلى⁴⁸ الله على سيدنا محمد
 وعلى آله وصحبه وسلم تسليمًا⁴⁹.
 قال الشيخ الأجل الأستاذ المتفطن العلامة المشارك أبو العباس أحمد بن عثمان الأزدي،
 رحمه الله تعالى ورضي عنه⁵⁰
 الحمد لله حمدًا لا انقطاع لعدّه⁵¹ ولا نهاية لحدّه. والصلاة والسلام⁵² على سيدنا محمد⁵³
 نبيه وعبدّه وعلى آله⁵⁴ وشرفه كثيرًا.
 وبعد، فهذا⁵⁵ اقتضاب من العمل بالرومي في الحساب على نحو ما وقع عليه⁵⁶ اختبار
 الرؤساء⁵⁷ من العمّال. ومن الله أسأل⁵⁸ التوفيق⁵⁹.

باب في أسماء⁶⁰ مراتب الأعداد وصفة الرشم بالرومي
 اعلم أن المرتبة الأولى هي الأحاد التسعة، والثانية هي العشرات التسع والثالثة هي
 المئون⁶¹ التسع والرابعة هي الآلاف التسعة والخامسة هي عشرات الآلاف التسع⁶²
 والسادسة هي مئو⁶³ الآلاف⁶⁴ التسعة والسابعة هي آلاف الآلاف التسعة⁶⁵. وهكذا إلى
 غير نهاية.

48 - صلى الله. R: الواو ناقصة.

49 - وعلى آله وصحبه وسلم تسليمًا. M: وآله وصحبه سلم تسليمًا.

50 - قال الشيخ الأجل الأستاذ المتفطن العلامة المشارك أبو العباس أحمد بن عثمان الأزدي، رحمه
 الله تعالى ورضي عنه. R: الاقتضاب من العمل بالرومي في الحساب، تأليف الشيخ الفقيه الجليل
 الفاضل المشارك الأكمل المرحوم أبي العباس أحمد بن محمد بن عثمان الأزدي، عرف بابن
 البنا⁵⁰ العددي المراكشي، قدس الله روحه ورحمه بمنه وفضله وطوله.

51 - لا انقطاع لعدّه. R: لا انقاع لعدّه.

52 - والصلاة والسلام. R: والصلاة.

53 - على سيدنا محمد. R: على محمد.

54 - وعلى آله. R: وعلى آله وسلم.

55 - فهذا. M: الكلمة ناقصة.

56 - عليه. R: الكلمة ناقصة.

57 - اختبار الرؤساء. R: اختيار الرؤساء.

58 - أسأل. R: أسئل. وهكذا فيما بعد.

59 - التوفيق. R: حسن التوفيق.

60 - باب في أسماء. M: باب أسماء.

61 - المئون. M: الميون/ R: المئون. وهكذا فيما بعد.

62 - التسع. R: التسعة.

63 - مئو. M: ميون.

64 - الآلاف. R: الاف.

65 - والسابعة ... التسعة. M: الجملة ناقصة.

الفرضية، فإن هذا يسمح لنا بتقديم تحرير القصيدة بقرن ونصف، وذلك بفضل شهادة الرياضي ابن زكريا الأندلسي الذي يذكر، في كتابه "حط النقاب بعد رفع الحجاب" البيت الأول من هذه القصيدة⁴⁴.

توجد ثلاثة كتب أخرى من القرن السابع عشر. اثنان منها للعقيلي (ت. 1666م) وهو رياضي من مكناس اشتهر بتحرير شرح لكتاب "بُغية الطلاب" لابن غازي. في كتابه الذي يتناول في علم الفرائض وأوقات الصلوات، يخصّص، في نهاية الجزء المتعلق بالمواريث، فصلاً يعرض فيه أشكال أرقام فاس وطريقة استعمالها⁴⁵. أما كتابه الثاني، والذي لم تتمكن من الاطلاع عليه، فهو بعنوان "صور القلم الفاسي وأعماله ومبادئ صورة أحاده"⁴⁶. يبدو، من خلال هذا العنوان، أن محتواه يتطرق إلى مظاهر رياضية لهذا الترقيم. ولهذا يكون من المفيد مقارنته بكتاب "الاقتضاب" لابن البنا.

تعتبر رسالة سكريج (ت. 1943)، التي أنجزت سنة 1898، أحدث كتاب اهتم بالأرقام الرومية. فهي شرح لقصيدة الفاسي التي أشرنا إليها سابقاً. وليس غريباً ألا يحتوي هذا الشرح على أية معالجة للعمليات الحسابية، ولا على أي حل للمسائل. انطلاقاً من السطور الأولى، يخاطب المؤلف مختلف المجموعات الحرفية التي كانت لا تزال تتداول الأدوات والعبر التقنية لوحدة القياس القديمة، مذكراً بالوحدات وبالوحدات الجزئية للعملة والوزن والكيل. ثم يوضّح معني كل بيت من قصيدة الفاسي بتحديث أو استكمال بعض الأشكال، سيما في كتابة وحدات العملات وفي الترميز على الصفر في حالة غياب كسر إحدى تلك الوحدات، وكذا في تعيين كسرين جديدين للعملة، غير موجودين في القرن السابع عشر⁴⁷.

كما ظهر من خلال هذا التقديم الوجيز للمصادر الرياضية المعروفة التي تطرقت إلى الترقيم الرومي، فإن الاهتمامات المترولوجية هي التي كانت سائدة عند غالبية المؤلفين الذين أشرنا إليهم. لكننا تعمداً التخلي عن هذا الموضوع، لأنه يُكوّن، لوحده، موضوعاً هاماً يمسّ، في آن واحد، الرياضيات التطبيقية والمعاملات. ونحن نأمل، على كل حال، أن نخصّص له دراسة لاحقة تشمل مصادر أخرى وتكون مُركّزة أكثر على المترولوجية المُمارَسة في الأندلس والبلدان المغربية.

كلمة شكر

نتقدّم للأستاذة روزا كوميس بخالص الشكر على ما زوّدتنا به من معلومات ثمينة ومن مراجع ببليوغرافية.

⁴⁴ ابن زكريا الأندلسي : حط النقاب بعد رفع الحجاب، المرجع السابق، و. 8 ط.

⁴⁵ العقيلي : سلك الفرائد البواقيت في الحساب والفرائض والمواقيت، فاس، طبعة حجرية، 1901.

- J. S. Colin : « De l'origine grecque des "chiffres de Fès" et de nos "chiffres arabes" », op. cit., p. 194, note 4.

⁴⁶ مخطوط الرباط، الخزانة الحسنية، رقم 11/12032.

⁴⁷ أ. سكريج : إرشاد المتعلم والناسي ...، المرجع السابق، ص. 17-18.

في عصره، يصف فيها شكل هذه الأرقام. أما المؤلف المغربي الثاني المعروف الذي تطرّق إلى الأرقام الرومية (دون الإحالة إلى رسالتي ابن البنا)، هو ابن قنفذ (ت. 1407). يبدأ في كتابه "حط النقاب عن وجوه أعمال الحساب" بتقديم أشكال الأرقام، لكن من خلال عبارة وحدات وكسور عُملات ذلك العصر (الدرهم والدينار). وبما أن 1 دينار = 10 دراهم، فإن المؤلف ينبه إلى إضافة علامة خاصة لوحدات الدينار (من 1 إلى 9) على شكل خط على الرقم، حتى يمكن تمييزهم عن عشرات الدراهم. كما ينصح القارئ بوضع هذه العلامة «.:» للدلالة على الوضعية الخالية في حالة ما إذا لم تكن في أحد طرفي عدد. ثم يقدم باختصار، وفي كل مرة من خلال مثال حول العملات، ثلاث عمليات حسابية من بين العمليات الأربع المعروفة (جمع وطرح وضرب). وبالنسبة للطرح، يخبرنا ابن قنفذ أن الممارسين يستعملون عبارتين مختلفتين عن تلك التي كانت مستعملة عند الرياضيين: "مُتَبَصِّر" لتعيين العدد المطروح و"مُتَجَمِّد" للعدد المطروح منه⁴¹.

في القرن الخامس عشر، مثلاً الجانب العلمي للرياضيات التي كانت تُمارس في المغرب الكبير. أولهما الفلصادي (ت. 1485م)، وهو من أصل أندلسي لكنه عاش سنين طويلة في تلمسان وفي تونس. يمكن تعليل غياب الترقيم الرومي من مؤلفاته العديدة، بكون هذه الأداة أصبحت قليلة الاستعمال في المغرب الأوسط وإفريقيا. أما المؤلف الثاني، فهو ابن غازي (ت. 1514م)، أصله من مكناس بالمغرب الأقصى. فقد تعرض لهذا الترقيم مرّتين، في سياق حديثه عن جمع عددين وعن اختصار عدة كسور للتعبير عنها باستعمال المقام المشترك "كما يفعله أهل العمل بالرومي"⁴².

خلال القرون اللاحقة، هناك أربعة مؤلفات -استطعنا الاطلاع عليها- تشهد على دوام هذه الممارسة. تكتفي المؤلفات الأربعة بوصف الأشكال المستعملة في كتابة الأعداد الطبيعية والكسور، بدون عرض للعمليات الحسابية وبدون حلّ لأي مسألة. وأقدم تلك المؤلفات هو ضمن مخطوط الأسكوريال (Escorial) الذي أشرنا إليه سابقاً. وقد وصل إلينا في نسخة مؤرخة سنة 1557. ومن المحتمل أن عنوان الرسالة هو: "كتاب فيه رسم الزمام على التمام"، وهي الجملة التي في بداية الرسالة. فقد انحصر محتواها في استعمال الأرقام الرومية في إطار المعالجة الكتابية لوحدات عمليتي ذلك العصر، أي الدرهم والدينار، وكذا مختلف وحداتها الجزئية. حُصِّص الفصل الأول لعرض قصيدة تضم عشرة أبيات فيها وصف أشكال الأرقام الرومية السبعة والعشرين⁴³. من المفيد هنا الإشارة إلى أن هذه القصيدة على وزن البحر المُتدارك (وهو أصعب من حيث الاستعمال) وليس على بحر الرجز، كما هي العادة في نظم النصوص العلمية. بما أن المؤلف لا يصرح بأصل هذه القصيدة، فمن المحتمل أن يكون هو مؤلفها. وإذا تحققت هذه

⁴¹ ي. قرقور : الأعمال الرياضية لابن قنفذ القسنطيني (ت. 1407/810)، مذكّرة ماجستير، الجزائر، المدرسة العليا للأساتذة، 1990، ص. 161-165.

⁴² ابن غازي : بغية الطلاب في شرح منية الحساب، محم سويسي (تحقيق)، حلب، منشورات جامعة حلب، 1983، ص. 26، 141.

⁴³ J. A. Sánchez Pérez : « Sobre las cifras rúmies », op. cit., p. 104.

على مستوى طرق الحلول المستعملة، من ضمن المسائل الخمسة، أربعة منها ما هي الا حجاج لتحويل قياسات. أما الخامسة منها، والمعروضة في الأول، فإنها تُخصّص توزيع الأرباح بين ثلاثة شركاء. عادة، أي في الكتب المغاربية التي تنتمي إلى التقليد الحسابي الهندي، تُعالج هذه المسألة في فصل المُحصّاة، يعني التوزيع النسبي. و الوسيلة الأساسية المستعملة في هذا الباب هي طريقة النَّسَب، المعروفة حالياً بـ "القاعدة الثلاثية". ففي هذه المسألة بالتحديد، إذا رمزنا بـ c_1, c_2, c_3 مساهمة كل واحد من الشركاء على التوالي وإذا كانت b هي ربح المعاملة و b_1, b_2, b_3 هي أرباح الشركاء الثلاثة بالنسبة لاستثمارهم، لدينا :

$$; i = 1, 2, 3. b_i = \frac{c_i b}{c_1 + c_2 + c_3}$$

كانت هذه الصيغة معروفة جيّداً من طرف ابن البنا وقد تطرق لها بالتفصيل في كتابه "رفع الحجاب عن وجوه أعمال الحساب"³⁹. لكنه، في رسالة "الاقتضاب"، يتبع طريقة مختلفة تؤدي إلى حل تقريبي للمسألة، وذلك باختيار ثلاث قيم أولى للأرباح الثلاث، حسب التناسب (التقريبي) بين الاستثمار العام والربح b . ثم يخفض هذه القيم إذا كان المجموع أكبر من الربح الكلي أو يرفعها إذا كان أصغر.

الأرقام الرومية في المؤلفات المغاربية اللاحقة للقرن الثالث عشر

رغم العدد الكبير لأتباع ابن البنا المباشرين أو غير المباشرين، فإن عدد الذين أشاروا، في مؤلفاتهم، إلى الترقيم الرومي قليل جداً. وربما لهذه الظاهرة سببان. يكون الأول مرتبطاً بالتطور المسجل في نشر الأرقام والحساب الهندي في البلدان المغاربية، كما يتأكد ذلك من خلال شهادات الرياضيين الذين ذكرناهم سابقاً. السبب الثاني ذو طابع تقني محض، ويتمثل في عدم وجود هذا الموضوع في كتاب "تلخيص أعمال الحساب"، أي المؤلف الذي كان أكثر شرحاً ودراسة، في المنطقة، طوال القرنين الرابع عشر والخامس عشر⁴⁰.

يكتفي ابن زكريا الأندلسي، في كتابه "حط النقاب بعد رفع الحجاب عن وجوه أعمال الحساب" بالإشارة إلى هذا الترقيم في عشرة أسطر، وذلك بكتابة الرموز السبعة والعشرين وبشرح كيفية كتابة الألاف. ويقدم أيضاً بيناً مُقتبساً من قصيدة كانت مشهورة

³⁹ M. Aballagh : *Raf' al-hijāb d'Ibn al-Bannā*, Thèse de Doctorat, Paris, Université Paris 1-Sorbonne Nouvelle, 1988, partie arabe, pp. 368-369.

حقق بدون ترجمة فرنسية، تحت عنوان : رفع الحجاب عن وجوه أعمال الحساب لابن البنا المراكشي، فاس، منشورات كلية الآداب والعلوم الانسانية، 1994، ص. 266.

⁴⁰ Ibn al-Bannā : *Talkhīṣ a'māl al-ḥisāb* [L'Abregé des opérations du calcul], M. Souissi (édit.), Tunis, Publications de l'Université de Tunis, 1969.

وعلى الرغم من أن هذا الجزء لا يهتم إلا بالنظام العشري الهندي، فإننا نجد فيه تأثيراً لتقليد حساب اليد والحساب الذهني على مستوى ترتيب العمليات الحسابية المعروضة. وهكذا نرى، وذلك عكس الترتيب الذي اعتمده المؤلف في كتابه الشهير "تلخيص أعمال الحساب"، أن، في هذا الجزء، عمليتي الضرب والقسمة تسبقان الجمع والطرح. وكان المؤلف أراد أن يعود مستعملي الترقيم الرومي وحساب اليد على طرق الحساب الهندي، كما جاء بها الخوارزمي في كتابه "الحساب الهندي"³⁵. وهناك عنصر آخر يدعم هذه الفرضية وهو عرضه لنتائج الحسابات بالترقيم الرومي رغم التداول الواسع للترقيم الهندي في ذلك العصر.

وتعتبر الرسالة الثانية لابن البنا أقدم نص معروف يتطرق إلى الترقيم الرومي دون سواه وإلى تطبيقاته. لهذا ارتأينا من الأنسب أن ننشر تحقيقاً وعرضاً مفصلاً لمحتواها. وفي النسختين اللتين استطعنا الاطلاع عليهما، فإن العنوان الذي وجدناه هو "الاقتضاب من العمل بالرومي في الحساب"³⁶. بعد تقديمه لحروف هذا الترقيم السبعة والعشرين، وكذا حروف الكسور "المنطقة" (أي التي مقاماتها أقل من 10 أو تساويه)، يستمر عرض العمليات الحسابية، ولكن، هذه المرة، حسب الترتيب المعتمد في التقليد الحسابي الهندي: أولاً جمع الأعداد الطبيعية، متبوعاً بنفس العملية بالنسبة لمختلف أنواع الكسور المستعملة في البلدان المغاربية في ذلك العصر: الكسور "المنصلة"، بمقام مشترك أو بدونه، الكسور "المنفصلة"، ثم "المزدوجة" (أي المركبة من النوعين السابقين). أما الفصل الثاني، فهو مخصص لعملية طرح الأعداد الطبيعية والكسور. ويتطرق المؤلف، في الفصل الثالث، إلى عملية ضرب الأعداد الطبيعية والكسور، وفي الفصل الأخير من الجزء الأول إلى القسمة. وتُجزّز هذه العملية حسب طريقة حساب اليد والحساب الذهني، أي مرتبة بعد مرتبة، وعندما تحتوي النتيجة على كسر، يُحوّل إلى كسور منطقة³⁷. أما الجزء الثاني من الرسالة، الذي هو أقصر بكثير من الأول، فإنه يتطرق إلى حل بعض مسائل المعاملات، قسمة كمية من النقود الفضية والذهبية بين ثلاثة أشخاص، بيع وشراء مواد مُقيّمة بوحدات قياس مختلفة واستهلاك كميات من زيوت الإنارة. لا يعطي المؤلف تبريراته لهذا الاختيار، لكننا نفترض أنه، من بين المسائل المتعددة المدروسة في عهده، اختار المؤلف تلك التي كانت متداولة في المعاملات اليومية والتي كان يُعَبَّرُ عليها بالترقيم الرومي³⁸.

³⁵ A. Allard: *Muhammad ibn Mūsā al-Khwārizmī, Le calcul indien (Algorismus), versions latines du XI^e siècle*, Paris, Blanchard – Namur, Société des Etudes Classiques, 1992.

³⁶ ابن البنا: الاقتضاب من العمل بالرومي في الحساب، مخطوط الرباط، المكتبة الوطنية رقم 416 ق، ص. 425-432، مخطوط مراكش، مكتبة ابن يوسف، رقم 2/478، ص. 13-26.

³⁷ المرجع السابق، مخطوط الرباط، رقم 416 ق، ص. 425-430، مخطوط مراكش، مكتبة ابن يوسف، رقم 2/478، ص. 13-24.

³⁸ المرجع السابق، مخطوط الرباط، رقم 416 ق، ص. 431-432، مخطوط مراكش، مكتبة ابن يوسف، رقم 2/478، ص. 24-26.

الهندية، وهي الملقبة بالغبار. والأولى أبسط وأقصد بأحاء التعليم والثانية أخص وأبعد غوراً في التفهيم. ولذلك يترجح الابتداء بتلك²⁸.

في نهاية القرن الثاني عشر أو بداية القرن الثالث عشر، نشر ابن منعم (ت. 1228)، الذي أصله من دانيا والذي عاش بمراكش، كتابه الهام، **فقه الحساب**، الذي يحتوي على أبحاث جديدة تخص نظرية الأعداد الفيثاغورية والتحليل التوافقي²⁹. ونجد فيه أيضاً عرضاً لطرق حسابية عديدة تُلبي احتياجات مستخدميه من مختلف شرائح الحرفيين. لهذا لا نستغرب وجود إشارات إلى الترقيم الرومي، ولو هي جد مختصرة لأنه يكتفي بتذكير القارئ بأن الحساب بهذه الأرقام يتطلب التحكم في حساب اليد وفي قاعدة الأسس³⁰. إننا لا نملك معلومات عما إذا كان تلميذه القاضي الشريف قد عرض هذا الموضوع في كتابه **قانون الحساب**، الذي لم يُعثر عليه بعد. لكن تلميذه ابن البنا قام بذلك العمل وخصّص رسالتين لوصف واستعمال الترقيم الرومي. ويبدو أن عنوان الأولى منهما، وربما هي الأقدم، كان يطابق إحدى العبارتين التاليتين الموجودة في مقدمة الرسالة: **"كتاب في أعمال الحساب"** أو **"وجوه قريبة في الحساب والزمّام"**³¹. وبعد عرضه لأشكال هذه الأرقام، ذكر المؤلف قصيدة من 10 أبيات من بحر الرزج. قدّم فيها المنظم المجهول أشكال الترقيم الرومي السبعة والعشرين³²، ثم عرض تطابقها مع الحروف الأبجدية العربية الثمانية والعشرين، قبل أن يخصص عدّة فصول للعمليات حول العملتين المَحَلّيتين، أي الدرهم والدينار.

الرسالة في جزأين، خصص الأول منهما للترقيم الرومي. فبعد تقديم الأرقام السبعة والعشرين، يبين المؤلف كيفية كتابة الدراهم وكسورها. ثم يعرض قاعدة الأسس والعمليات حول الدنانير. ثم يستمر في شرح كيفية كتابة وحدات قياس الحبوب وكسورها. وينتهي الجزء الأول بحلول مسائل الصرف³³. وخصّص الجزء الثاني من الرسالة لمختلف مظاهر الترقيم العشري الهندي: جدول الضرب، خوارزمية الضرب، الاختبار بـ 7، خوارزمية القسمة، عملية التسمية، الجمع والطرح³⁴.

²⁸ د. لمرابط: رسالة ابن رشيق السبتي في تصنيف العلوم. م. أبطوي (نشر): دراسة في تاريخ العلوم العربية، دار البيضاء، مؤسسة الملك عبد العزيز، 2007، القسم العربي، ص. 62.

²⁹ A. Djebbar: «Figurate Numbers in the Mathematical Tradition of Andalus and the Maghrib», *Suhayl*, Barcelone, n° 1 (2000), pp. 57-70.; A. Djebbar: *L'analyse combinatoire au Maghreb: l'exemple d'Ibn Mun'im (XII^e-XIII^e siècles)*, Paris, Université Paris-Sud, Publications Mathématiques d'Orsay, n° 85-01 (1985).

³⁰ ابن منعم: **فقه الحساب**، مخطوط الرباط، المكتبة الوطنية، رقم ق. 416، ص. 220-219.

³¹ م. أبلّغ: اكتشاف كتاب رياضي جديد لابن البنا، المرجع السابق، ص. 126-132.

³² ابن البنا: **وجوه قريبة في حساب الزمام**، مخطوط الرباط، المكتبة الوطنية رقم 1061 ك، ص. 1-24، مخطوط مراكش، مكتبة ابن يوسف، رقم 1/478 (غير مرقم). أنظر س. ابن العربي: **فهرس مخطوطات خزّانة ابن يوسف**، بيروت، دار الغرب الإسلامي، 1994، رقم 20994.

³³ ابن البنا: **وجوه قريبة في حساب الزمام**، مخطوط الرباط، المرجع السابق، ص. 1-12.

³⁴ المرجع السابق، ص. 12-24.

إليه، عدة مرات وبدقة، الرياضي ابن زكريا الأندلسي²³. وقد يكون ابن بندود أحد تلاميذ الفيلسوف الشهير ابن رشد (ت. 1198م)²⁴. وفي نفس الفترة، ألف رياضي سرقسطة، ابن شُهَيْد (ت. حوالي 1174م)، كتاباً موجهاً إلى الحرفيين. وحسب شهادة ابن بُشكوال، تضمّن هذا الكتاب أبواباً تخصّ عدة ممارسات، من بينها تفسير الأشكال الهندسية ومسائل تتعلق بالمواريث وبمسح الأراضي وعمليات حسابية تستعمل طرق الزمام²⁵. وفي القرن الثاني عشر أيضاً، نشر أبو بكر الحَصَّار، ربما في إشبيلية، كتابه الكبير، **الكامل في الحساب**. ففي النسخة الوحيدة، وغير الكاملة مع الأسف، التي عُثِر عليها منذ 25 سنة، ذكر المؤلف الترقيم الرومي مطولاً في موضعين اثنين²⁶. في باب أول يبدأ الحصار بالقول بأن هذه الأرقام كانت متداولة باستمرار في عصره، عند خُدّام السلاطين و عند موظفي الإدارة العليا. ثم يقدم الحروف السبعة والعشرين، ملاحظاً أن كتابتها تتم من اليسار إلى اليمين. ويتابع الكلام بشرحه للطريقة العادية لكتابة مختلف رُتَب الألاف، وذلك بإضافة شرطات صغيرة تحت كل حرف. ثم يقترح الحصار تعويض هذه الشرطات (والتي تتطلب مكاناً واسعاً في كتابة الأعداد الكبيرة، فتكون مصدراً للخطأ) بالحرف الذي يطابق عدد الخطوط (في الترقيم الأبجدي العربي المستعمل من قبل الفلكيين). وفي باب ثان، الذي هو فصل الضرب، يقارن الحصار الطرق المتعلقة بالترقيمات الثلاثة المستعملة في عصره، موضحاً بأن الترقيم الرومي مطابق للترقيم الأبجدي. ومن الناحية التقنية المحضة، يؤكد المؤلف على أن العائق الوحيد للمتعلم، في استعمال هذه الأرقام، يكمن في فهم قاعدة الأسس والتي شرحها بأمثلة متعددة. ويلاحظ أيضاً أن هذين النظامين هما أقل فاعلية من حروف الغبار (يعني نظام العدّ الوضعي العشري الهندي) لأن "عمله أخصر وأقرب لاستخراج المطلوب لمن أحكمه". لكنه يبرّر تقديمه لطرق مناسبة للترقيم الرومي قائلاً إن في عصره "أكثر ما يأخذ الناس المبتدئون في تعلم الحساب بالعربي. ومنهم من يتعلم بالرومي ثم ينقله إلى الغبار"²⁷. لا يبدو أن ممارسة الترقيم الرومي، في البلدان المغاربية، تقلصت خلال القرن اللاحق، وهذا ما يؤكدّه الرياضي السبّتي ابن رشيق، قائلاً: "والذي اشتهر منها في مغربنا طريقتان، إحداهما الطريقة الرومية، وهي التي في المقدّمة، والثانية الطريقة

²³ المرجع السابق، و. 10، و. 26، و. 28، و. 85.

²⁴ ابن عبد المالك: **الذيل والتكملة لكتابي الموصول والصلة**، ج. I، VI، عباس (تحقيق)، بيروت، دار الثقافة، 1973، ص. 29.

²⁵ Ibn az-Zubayr: *Ṣilat al-ṣila* [Suite au <Livre de la> relation], A. Al-Harrās & S. A°rāb (édit.), Rabat, Publication du Ministère des Affaires Islamiques, 1994, IV, p. 225, n° 449 ; A. Ibn °Askar & A. Ibn Khamīs: *Maṭla° al-anwār wa nuzhat al-baṣā°ir wa l-absār* [Prélude aux lumières et plaisir des regards et des jugements], A. Targhi (édit.), Beyrouth, Dār al-Gharb al-islāmī - Rabat, Dār al-amān, 1999, pp. 355, n° 166.

²⁶ M. Aballagh & A. Djebbar: « Découverte d'un écrit mathématique d'al-Ḥaṣṣār (XII° s.) : le Livre I du Kāmil », *Historia Mathematica* n° 14 (1987), pp. 147-158

²⁷ الحصار: **الكتاب الكامل في الحساب**، مخطوط مراكش، مكتبة ابن يوسف، رقم 313، ص. 17-22.

عشر، عاد عبد القادر الفاسي (ت. 1680م) إلى التقليد القديم ونظم أرجوزة في وصف مختلف أشكال الأرقام الرومية السبعة والعشرين¹⁸. وقد شرح أرجوزته القاضي أحمد سكريج، في نهاية القرن التاسع عشر¹⁹. لا يمكن تفسير هذه المبادرات المتأخرة إلا باستمرارية التقليد القديم للعدالة والتوثيق. وهذا ما يؤكد كولان [J. S. Colin] الذي يؤكد أن في سنة 1933، لا يزال استعمال الأرقام الرومية من طرف موثقي مدينة فاس لتسجيل عقود المواريث²⁰.

الأرقام الرومية في المؤلفات الرياضية

بالموازاة مع ممارسة الأرقام الرومية في مجال النشاطات القضائية، والتجارية والتوثيقية التي أشرنا إليه، أهتم محترفو الرياضيات بهذه الأرقام، وأتفوا، للمستعملين، كتباً أو أبواباً لعرض طرق وخوارزميات حسابية لحل مسائل من المعاملات. وقد ذكرت هذه الظاهرة، أثناء العشرية الأخيرة، لكن بطريقة جزئية، في بعض المقالات البحثية²¹. نتطرق، فيما يلي، إلى إعادة النظر في العناصر المعروفة وإتمامها بمعلومات جديدة مستقاة من مراجع مخطوطة، جزء منها غير محقق. أقدم الوثائق المعروفة، والتي تنتمي إلى هذا النوع، ترجع إلى القرن الثاني عشر. ومن بينها مؤلف، لم يصلنا، نشره الأندلسي ابن بندود²². وقد اشتهر هذا الرياضي بكتابه الهام في الحساب، المفقود حالياً، والذي كان لا يزال متداولاً في القرن الرابع عشر، حيث يشير

¹⁸ الفاسي : *القلم الفاسي*، مخطوط بجاية، مكتبة أولحبيب، رقم SC 05.

¹⁹ سكريج : *إرشاد المتعلم والناسي في صفات اشكال القلم الفاسي*، المرجع السابق، ص. 13-20.

²⁰ J. S. Colin : «De l'origine grecque des "chiffres de Fès" et de nos "chiffres arabes" », op. cit., p. 194.

²¹ Y. Guergour : « Les différents systèmes de numérotation au Maghreb à l'époque ottomane: l'exemple des chiffres rūmī », Actes du XX^e Congrès International d'Histoire des Sciences (Liège, 20-26 Juillet 1997), A. Djebbar, F. Günergün et E. Ihsanoglu (édit.) : *Technology and Industry in the Ottoman World*, Brepols. Turnhout, 2000, pp. 67-74.

- م. أبلأغ : اكتشاف كتاب رياضي جديد لابن البنا، دعوة الحق، رقم 363، (1422 هـ/2002)، ص. 132-126.

- Lamrabet, D. : *Aperçu sur les systèmes de numération en usage au Maghreb du XVII^e siècle*, Publications de la Faculté des Lettres et des Sciences Humaines, Rabat, Série « *Colloques et Séminaires* » n° 104 (2003), pp. 23-37.

²² ابن زكريا الأندلسي : *خط النقباب بعد رفع الحجاب عن وجوه أعمال الحساب*، المرجع السابق، و. 8ظ.

التجارية : كان تجار الجملة والتجار الصغار يستعملونها في محاسبتهم، وفي خاتم الضمان المُوَقَّع على الأنسجة العالية القيمة وفي وحدات القياس. أما الميدان الثاني، فيتكون من مختلف نشاطات العدالة. فتستخدم هذه الأرقام من طرف كُتَّاب الضبط والموثقين والقضاة في عقود البيع وتوزيع الموارث على ذوي الحقوق. ويشمل الميدان الثالث إدارات الضرائب بما فيها من محاسبين، وقابضين ومفتشين¹¹. أما الميدان الرابع والأخير فهو عمل النُسخ الذين كانوا، في بعض الأحيان، يرقمون أوراق بعض المخطوطات أو مجموعات أربعة أوراق، باستعمال حروف الزمام¹².

أما وجود الترقيم الرومي في البلدان المغاربية، فقد كان معروفاً، على الأقل من قبل بعض الفُراء، وذلك منذ نشر الترجمة الأولى لكتاب المقدمة لابن خلدون (ت. 1406م)، الذي يشير إلى استعمالها في صنع الزيارجة¹³. وخارج هذه التقنية التنجيمية التي كانت تُمارس في مختلف مناطق البلدان المغاربية منذ القرن الثاني عشر، كان الترقيم الرومي مستعملاً في بعض إدارات هذه المنطقة، كما ذكره صراحة بعض المؤلفين للحقنين لهذا القرن. وابن خلدون نفسه يُوضِّح قائلاً : "وعلى كل وتر حروف متتابعة موضوعة. فمنها برشوم الزمام التي هي أشكال الأعداد عند أهل الدواوين والحساب بالمغرب لهذا العهد"¹⁴.

وفي نفس الفترة، يؤكد الرياضي ابن زكريا الأندلسي (ت. 1407م) أن الترقيمين الأكثر تداولاً بإفريقيا، أي بالمغرب الأدنى، هما حروف الغبار (النظام العشري الهندي) وحروف الزمام¹⁵. وأقدم شهادة معروفة لاستعمال الأرقام الرومية، في ترقيم صفحات المخطوطات، نجدها في القرن الرابع عشر¹⁶.

وقد استمر هذا الاستعمال خلال القرون اللاحقة. بالنسبة للقرن السادس عشر، فزيادة عن الرسائل الرسمية المؤرخة بهذه الأرقام، لدينا شهادة ابن عرضون (ت. بعد 1563م) الذي أشار إلى استمرار استخدام هذه الأرقام، في العقود التوثيقية، بالمغرب الأقصى¹⁷. وهذا يوضح أيضاً بأنه، بعد عدة قرون، وبالرغم من الانتشار الواسع لنظام العد العشري الهندي في المدن المغاربية، لم يتم التخلي التام عن الأرقام الرومية. في القرن السابع

¹¹ A. Labarta & C. Barceló : *Números y cifras en los documentos arábigo-hispanos*, Cordoue, Publications de l'Université de Cordoue, 1984.

¹² B. R. Goldstein : *Al-Bīrjī : On the Principles of Astronomy*, New Haven-London, Yale University Press, 1977, vol. 2, pp. 5, 9, 37, 41, sq.

¹³ K. De Slane : *Prolégomènes*, Paris, Imprimerie impériale, 1863-1865, Vol. 3, p. 205.

¹⁴ ابن خلدون : *المقدمة*، بيروت، مكتبة المدرسة - دار الكتاب اللبناني، 1967، ص 203.
¹⁵ ابن زكريا الأندلسي : *حط النقاب بعد رفع الحجاب عن وجوه أعمال الحساب*، مخطوط تونس، المكتبة الوطنية، رقم 561، و. 8-8ظ.

¹⁶ M. G. Balty-Guesdon : «La numérotation des cahiers et la foliotation dans les manuscrits arabes datés jusqu'à 1450», *Revue des mondes musulmans et de la Méditerranée* [En ligne], 99-100 | novembre 2002, p. 109, mis en ligne le 12 mai 2009.

¹⁷ ابن عرضون : *النبيذة اللانقة في الطريقة التوثيقية*، مخطوط الرباط، المكتبة الوطنية، رقم 7635، و. 77ظ.

هذا الترقيم والطرق الحسابية المرتبطة به تختلف عن التقليد المشرقي، المعروف باسم حساب الرومي (الحساب البيزنطي)، والذي يقترب من حساب العقود، أي الحساب اليدوي والذهني، كما يوضحه الأقليديسي (ق. 10م) في كتابه الهام حول علم الحساب⁶. منذ بداية القرن العشرين، حُصِّصت أكثر من خمسة عشر مقالة لمختلف مظاهر هذا الترقيم: أصوله الممكنة، مدن الغرب الإسلامي التي مورست فيها هذه الأرقام، مجالات تطبيقاتها والطرق الحسابية التي تدخل في حل بعض مسائل المعاملات. وبفضل هذه الأعمال، نحن نملك اليوم عدداً من العناصر تسمح لنا بتقليص الظلام الذي كان يكتنف تاريخ هذه الأرقام في الأندلس والمغرب.

لكن لم يكن من الممكن تحديد تاريخ أول ظهور للأرقام الرومية، رغم وجود نص مكتوب في شبه الجزيرة الإيبيرية، في القرن العاشر (مخطوط أورجيل [Urgel])⁷ الذي سمح بتقديم هذا التاريخ وبدعم فرضية الأصول اليونانية لهذه الأرقام، تلك الفرضية التي دافع عنها كولين [J. S. Colin]، سنة 1933، في مقالته حول هذا الموضوع⁸. على كل حال، يبدو أن أقدم الشهادات المكتوبة التي تشهد على استعمال هذه الأرقام في الوثائق العربية المنتجة في منطقة الأندلس ترجع إلى القرن التاسع الميلادي، وذلك حسب فقرة من نص عربي موجود في مخطوطة مكتبة الأسكوريال، رقم R. II. 18، حيث رمز الناسخ للأيام والشهور والسنين بحروف الزمام⁹. وهناك وثيقة ثانية تشهد على هذه الحروف كان مستعملة في مدينة طليطلة منذ أواخر القرن الثاني عشر، على الأقل. وقد استمر استعمالها في هذه المدينة إلى غاية القرن الرابع عشر¹⁰. كما نجد لها آثاراً خلال القرن الثالث عشر بجزيرة مايوركا. ولكن أطول استعمال لها كان في مدينتي بلنسية وغرناطة، لأنه عُثِر في هاتين المدينتين على نصوص أنتجت طوال القرنين الرابع عشر والخامس عشر. ففي هذه المنطقة، كانت هذه الأرقام تُستعمل لتسجيل الحسابات وقوائم المصاريف والعقود المؤثقة، كما استُعملت أيضاً للتعبير عن كميات الكيل والوزن والمسح أو عن التواريخ. ونجد في بعض هذه الوثائق عرضاً للقيمة العددية لتلك الأرقام والطرق الحسابية التي تسمح بحل مختلف مسائل المعاملات. أما فيما يخص الفئات المعروفة التي كانت تستعمل حروف الزمام، فهي تنتمي أساساً إلى أربعة ميادين كبرى. أولها النشاطات

Century Andalusi Manuscript", *Suhayl* (Barcelone) 3 (2002-2003), pp. 176-177, Tableau 1.

⁶ الأقليديسي : كتاب الفصول في الحساب الهندي، أ. س. سعيدان (تحقيق)، حلب، منشورات جامعة حلب، 1985، ص. 47-49، 95، 118، 236.

⁷ R. Comes : "Arabic, Rūmī, Coptic..." pp. 161-166.

⁸ J. S. Colin : « De l'origine grecque des "chiffres de Fès" et de nos "chiffres arabes" », *Journal Asiatique*, 222 (1933), pp. 196-198.

⁹ M. C. Díaz y Díaz : *Manuscritos visigóticos del sur de la Peninsula*, Séville, 1995, pp. 64-69 ; G. Menéndez Pidal : "Los llamados numerales árabes en Occidente" , *Boletín de la Real Academia de la Historia* 145 (1959), pp. 190-191. Références citées par R. Comes: "Arabic, Rūmī, Coptic.." op. cit., p. 164.

¹⁰ P. S. J. van Koningsveld : *The Latin-Arabic Glossary of the Leiden University Library*, Leiden, 1997, p. 30.

Abstract

The first part of this paper contains a summary of previous research on the origins and use of *Rūmī* ciphers in al-Andalus and the Maghrib. The second part contains new information on the use of these ciphers in Western Islamic mathematical works produced between the 12th and the 17th centuries of the Christian era. The third part is a critical edition of Ibn al-Bannā's *Iqtīdāb min al-'amal bi l-rūmī fī l-hisāb*, followed by a modern reformulation of its mathematical contents.

Key words

Arabic mathematics – *Rūmī* ciphers – Al-Andalus - Maghrib – 14th c. A.D. – Ibn al-Bannā.

مقدمة

الترقيم الرومي¹ (المسمى أيضا بالقلم الفاسي² أو رشوم الزمام³) يخضع لنظام عدّ عشري غير وضعي ذي 27 رقمًا (9 للأحاد، 9 للعشرات و9 للمئات). أما بالنسبة للرتب العليا (ابتداء من الآلاف)، كان يعاد استعمال الأرقام 27 وذلك بوضع، أسفل كل منها، شرطة للدلالة على أحاد الآلاف أو عشراتها أو مئياتها أو آلافها. وكان يوضع خط ثان لتعيين آلاف الآلاف لكل واحدة من الرتب الثلاث، الخ. واستعملت هذه الرموز أيضا للتعبير على مختلف أشكال الكسور التي كانت متداولة في مختلف ميادين المعاملات وفي المحاسبة وفي توزيع المواريث. وفي عمليات الصرف، أضيفت رموز جديدة للتعبير عن كسور الدراهم والدنانير⁴.

على الرغم من اختلافات أشكال الأرقام (ولكن ليس في عددهم)، يشبه هذا النظام، في مبدئه، الترقيم الأبجدي اليوناني الذي كان معتمدا من طرف علماء الفلك في البلدان الإسلامية (ابتداء من أواخر القرن الثامن الميلادي) وكذا الترقيم القبطي في مصر⁵. ولكن

¹ سُمّي هذا الترقيم بهذا الاسم من طرف كل الرياضيين الأندلسيين والمغاربة الذين سنتطرق لهم في هذه الدراسة.

² أ. سكريج : إرشاد المتعلم والناسي في صفات أشكال القلم الفاسي، فاس، طبعة حجرية،

1316هـ/1898، ص. 13.

³ Ibn Khaldūn : *Al-Muqaddima* [Prolégomènes]. In A. Cheddadi (trad.) : *Le livre des exemples, Autobiographie, Muqaddima*, Paris, Gallimard, 2002, pp. 364-365, 998.

⁴ J. A. Sánchez Pérez : "Sobre las cifras rūmīes", *Al-Andalus* 3, Fasc. 1 (1935), pp. 105-120.

⁵ J. Sesiano: "Koptisches Zahlensystem und (griechisch-) koptische Multiplikationstafeln nach einem arabischen Bericht", *Centaurus*, Vol. 32 (1989), pp. 53-65. R. Comes: "Arabic, Rūmī, Coptic, or merely Greek Alphanumerical Notation? The case of a Mozarabic 10th

الترقيم الرومي في مؤلفات أندلسية ومغربية مع تحقيق رسالة لابن البنا

أحمد جبار ويوسف فرفور

ملخص

يتضمن هذا المقال، في جزئه الأول، تذكيرًا وجيزًا لما وصلت إليه الأبحاث السابقة حول الترقيم الرومي في الأندلس والمغرب. وفي الجزء الثاني، معلومات جديدة حول استعمال هذه الأرقام في مؤلفات رياضية، أندلسية ومغربية، نُشرت في الفترة ما بين القرنين الثاني عشر والسابع عشر الميلاديين. وخصّص الجزء الثالث لتحقيق رسالة ابن البنا " اقتضاب من العمل بالرومي في الحساب " متبوعًا بكتابة عصرية للمضمون الرياضي لهذه الرسالة.

المفاتيح

الرياضيات العربية، الترقيم الرومي، الأندلس، المغرب، القرن الرابع عشر الميلادي، ابن البنا.